

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	0	1	1	1	0	0	1	0
C	0	0	0	0	1	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	1	0	1	1	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

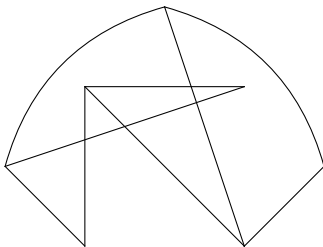
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	0	5	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	0	0	0
B	1	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	1	0	0	1	1	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	1	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

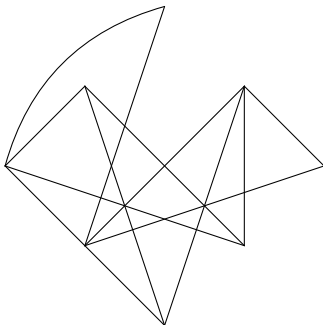
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	5	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	5	3	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	0	0	1	0	0	0	1	1
D	0	0	0	1	0	0	1	0
E	0	0	0	0	1	1	0	0
F	0	1	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	1	0	1	1
H	0	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

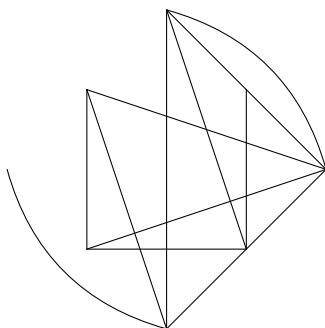
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	5	0	1	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	1	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	1	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	1
E	0	0	1	0	0	1	1	0
F	0	1	0	1	1	0	0	0
G	0	0	0	0	1	0	0	0
H	0	1	1	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

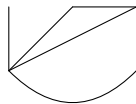
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	5	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	0	3	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	1	0	0	0
D	1	0	1	0	1	0	0	0
E	1	0	1	1	0	0	1	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	1	1
H	0	0	0	0	0	1	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

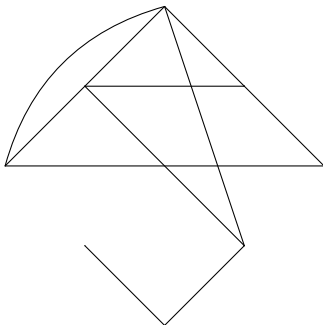
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	4	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	0	5	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	0	1	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	1	0	0	0	0	1	0	1
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

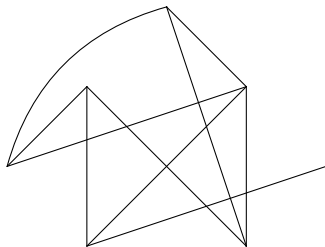
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	1	5	4	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0	1	1
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

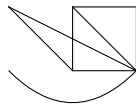
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	5	3	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	0	1	1	0	1	0	1	1
G	0	1	0	1	0	1	1	0
H	0	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

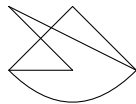
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	0	1	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	1	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

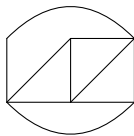
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	4	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	3	0	5	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	1
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	0	1
D	0	0	0	1	1	1	0	0
E	0	1	0	0	1	1	0	0
F	0	1	1	0	0	0	1	1
G	0	1	0	0	0	1	0	0
H	0	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

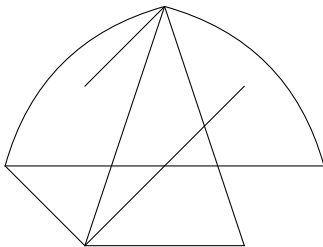
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	4	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	5	5	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0	1	1
D	0	1	0	0	0	1	0	1
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	1	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	1	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

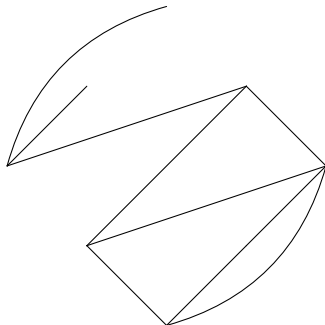
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	0	5	5	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	1
C	1	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	1
F	0	0	0	1	1	0	0	0
G	1	1	1	0	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

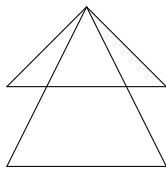
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	5	3	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0	1	0
G	1	0	1	1	0	0	1	0
H	0	1	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

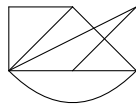
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	4	1	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	0	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	1	0
D	0	1	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	1	0	0
G	0	1	0	1	1	1	0	0
H	0	1	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

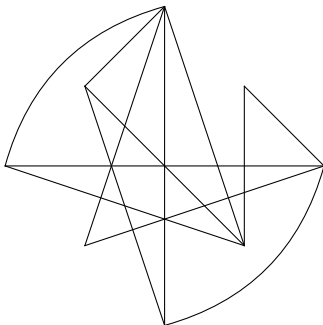
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	3	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	5	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0	1	1
C	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	1	0	0	0	0	1
H	1	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

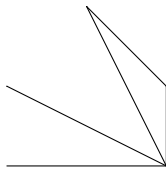
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	1	0	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	1	1	0	0	0
B	1	0	0	0	0	0	1	0
C	0	1	0	1	1	0	1	1
D	1	1	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	0	0	1	0	0	1
H	0	0	0	0	0	1	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

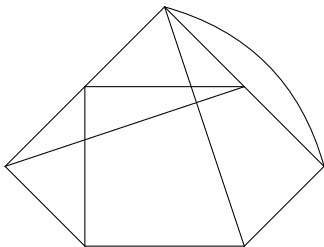
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	0	1	3	5	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	5	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	1	0	0
B	1	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	0	1	0
D	0	0	0	1	0	1	0	0
E	1	1	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	1	0	0	1	0
G	0	1	1	1	0	0	0	0
H	0	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

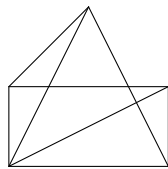
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	1	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	1	0	1	0
H	0	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

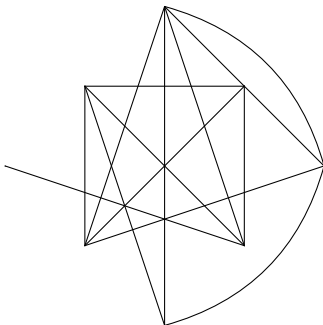
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	4	5	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	4	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	1
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	1	0	0	0
E	1	1	0	1	0	0	0	1
F	1	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	1	0	1	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

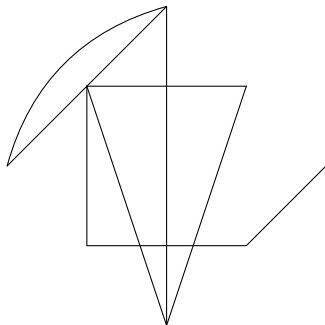
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	4	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	0	4	5	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	1	0	1	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

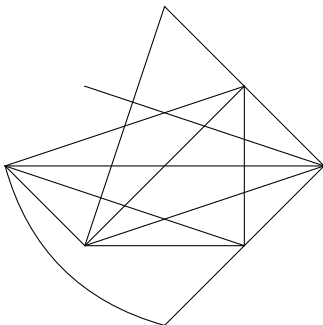
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	4	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	0	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	0	0	1	0	1	0	0	1
E	1	1	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

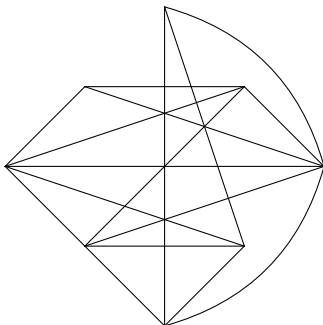
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	5	3	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	1	0
B	0	1	1	0	0	1	0	0
C	1	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	1	1	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

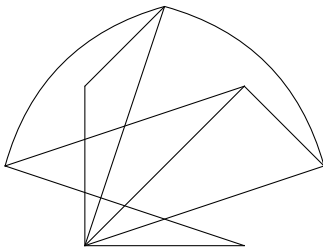
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	5	5	0	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	4	4	1	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	0	1
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	1	0
E	0	1	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	1	0	1	1	0
G	1	0	0	1	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

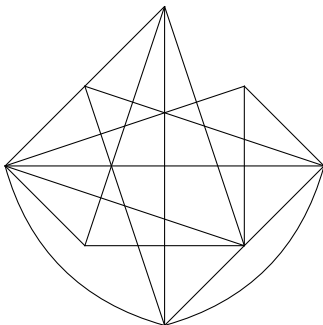
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	1	4	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	5	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	1	0	0
C	1	0	0	0	1	0	1	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	0	0	1	0	0
F	0	1	0	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	1	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

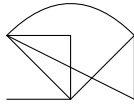
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	1	5	4	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	0	0	1	0	0	1	1	0
D	0	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	1	0	1
F	0	0	1	0	1	1	0	0
G	0	0	1	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

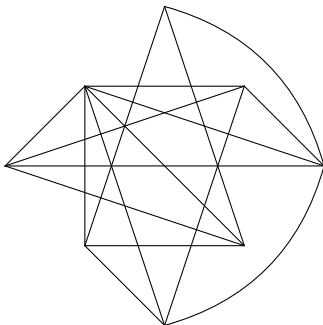
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	1	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	4	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	0	0	0	0	1
B	1	0	1	0	0	1	0	0
C	0	1	1	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	1	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

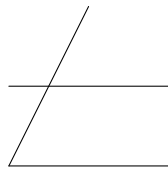
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	5	5	4	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	4	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	1	0
B	0	0	1	1	0	0	0	0
C	0	1	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	1	0	0
F	0	1	0	1	1	0	0	0
G	0	0	0	1	0	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

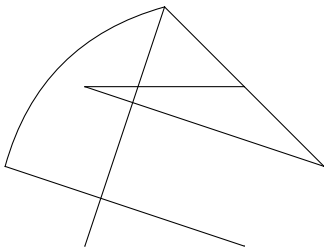
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	0	1	5	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	1	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	0	1	0	0	1	1	0	0
D	0	1	0	0	1	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	1	1	0
G	1	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

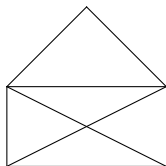
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	0	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	4	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	0	0	0	1	1
G	0	0	0	0	0	1	1	0
H	0	0	0	1	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

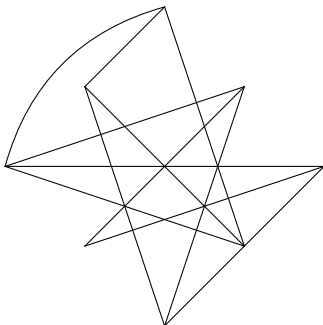
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	3	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	1	0	0
B	0	0	1	0	1	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0	0	1
F	0	1	1	0	1	0	1	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

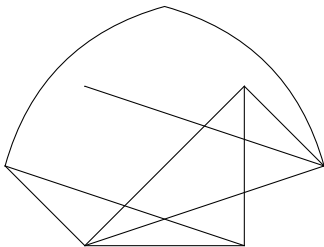
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	3	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	1	1	0	0
D	0	0	0	1	1	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	1	0	0	1	1	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

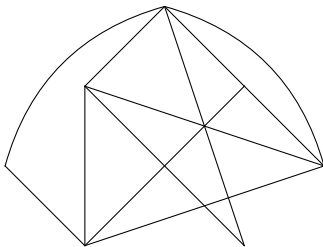
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	1	0	0	1	1	1	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	0	0	0	0	1
G	1	0	0	0	1	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

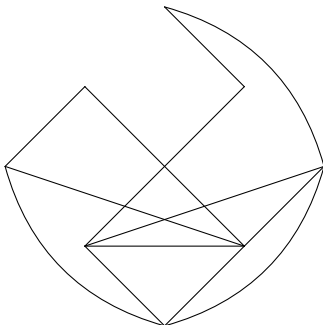
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	0	5	3	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	1	0	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	0	0	0
G	1	1	0	0	0	1	0	1
H	0	0	0	0	1	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

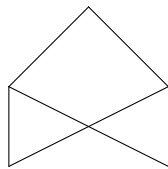
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	3	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	4	1	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	1	0	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	1	0	0	0
E	0	1	0	1	1	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	1	0	0	0	0	0	0
H	1	0	0	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

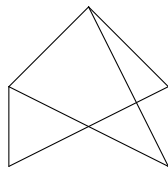
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	3	4	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	0	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	0	0	1	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

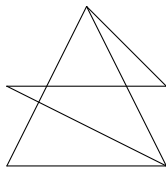
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	1	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	4	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	1	1
B	0	0	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	0	0	0	0	0
D	0	1	0	1	1	0	0	0
E	0	1	0	1	0	0	1	0
F	0	0	1	0	0	1	0	0
G	0	1	0	0	1	0	1	0
H	1	0	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

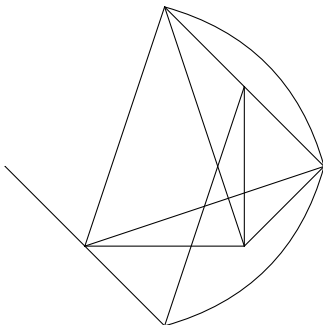
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	5	1	0	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	0	1
H	1	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

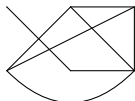
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier ? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	1	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	1	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	1	1	1
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	1	0	1	0	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	1	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

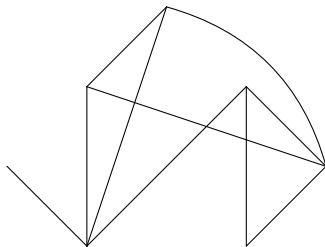
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	5	0	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	1	0	1
D	0	1	1	0	0	1	0	1
E	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	1	0	1
G	0	1	0	0	0	1	0	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

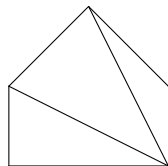
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	5	0	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	1	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	1	1	1	1	1	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	1	0	0
G	0	1	0	1	0	1	0	0
H	0	1	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

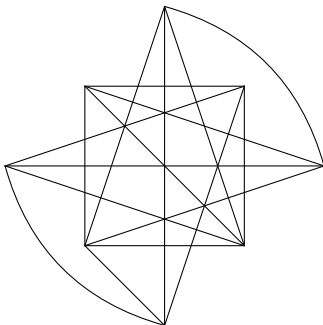
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	4	1	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	5	0	1	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	1	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	1	0	1
G	0	0	1	0	0	1	0	0
H	0	0	0	0	1	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

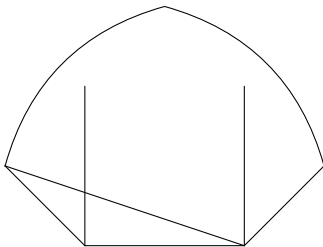
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	3	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	5	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	1	1	0	0	1	0
E	0	0	1	0	1	0	1	0
F	0	0	0	0	1	0	0	1
G	0	0	1	1	0	1	1	0
H	0	0	1	1	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

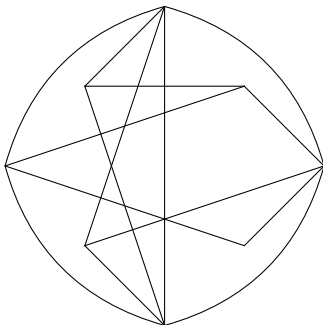
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	1	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	5	1	4	0	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	0	0	1	1	1
D	1	0	0	0	1	0	0	1
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	1	0	0	0	1	0	0	0
G	0	0	0	0	1	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

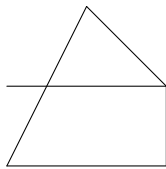
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	3	5	1	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	1	1	1	0	1
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	0	0	1	0
G	0	1	0	0	0	0	0	1
H	1	1	1	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

CCF( ,  $\mathcal{G}$ ) = { }

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

CCF( ,  $\mathcal{G}$ ) = { }

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

CCF( ,  $\mathcal{G}$ ) = { }

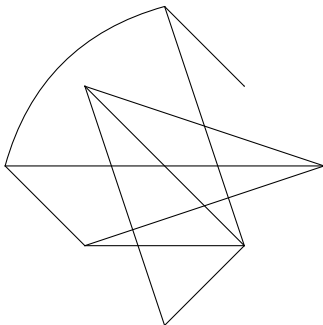
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

CCF( ,  $\mathcal{G}$ ) = { }

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	1	3	4	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	0	0
B	0	0	1	1	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	1	0	0	1
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1	0	0
G	1	1	0	0	0	0	1	0
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

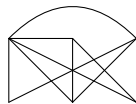
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	3	4	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	0	5	5	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0	1	1
C	0	0	0	1	0	1	1	0
D	1	0	0	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

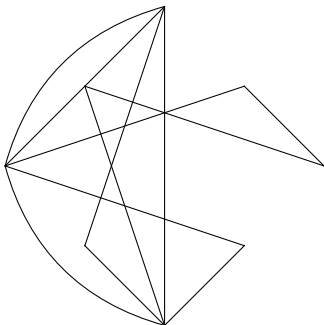
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	3	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	1	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	1	0	0
G	1	1	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

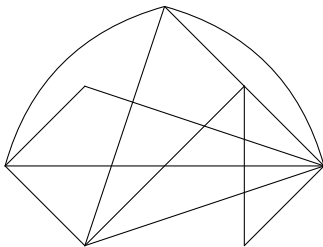
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	1	4	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	0	1	1
B	1	1	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	1	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

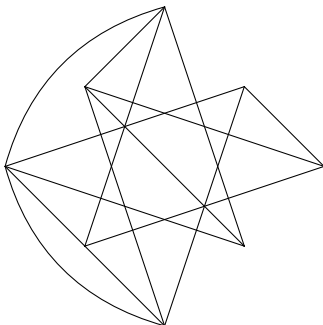
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	4	0	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	1	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	1	1	0
B	0	1	0	0	1	0	1	0
C	0	0	1	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

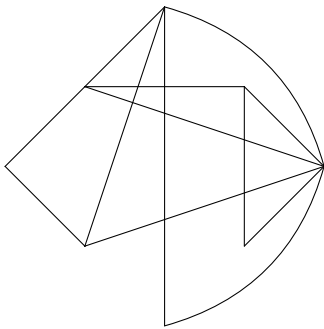
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

### Exercice 2

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	1	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	3	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	1	1	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	1	0	0	1
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	1	0	0	0	0	0	1
H	1	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

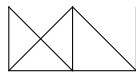
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	4	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	1	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	0	1	0	1	0
G	1	0	0	1	1	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

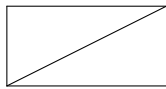
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	1	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	0	0	0	1	0	1	1	1
C	1	0	1	1	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	1	0	1
E	0	0	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

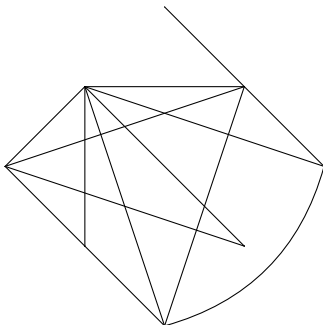
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	5	1	0	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	1	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	1	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	1	0	0	0
D	0	0	1	0	1	1	0	0
E	0	1	1	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	1	0	0	0	1	1
H	0	0	1	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

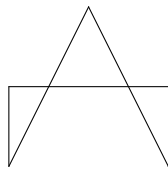
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	5	4	3	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	0	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1	1	0
C	0	0	1	0	1	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	1	1	1
G	0	0	0	0	1	1	0	1
H	1	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

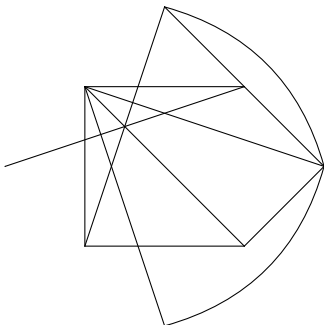
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	0	5	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	3	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	0	0	1	1
B	1	0	1	0	0	1	0	0
C	0	0	1	1	0	0	1	0
D	1	1	1	0	0	1	0	1
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

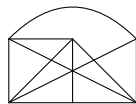
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	4	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	3	5	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	1	1	1	0
E	0	1	0	0	0	1	1	0
F	0	1	0	0	0	1	0	1
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

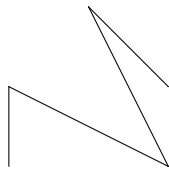
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	3	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	5	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	1	0	0	1	1	0
B	1	0	0	0	1	1	1	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

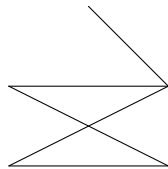
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	0	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	1	0	1
E	0	0	0	0	0	0	0	1
F	0	0	0	1	0	1	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	1	1	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

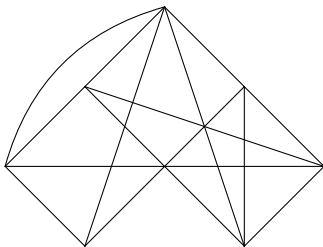
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	5	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	3	4	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	1	1	0	1
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	1	1	0	0	1	0	0
E	0	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	3	5	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	5	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	1	0	0	0	0	1	0
D	0	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	0
F	0	1	0	0	1	1	0	1
G	0	0	0	1	0	0	0	1
H	1	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

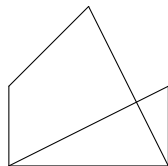
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	1	4	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	0	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	1	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	1	0	1	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	0	0
H	0	1	0	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

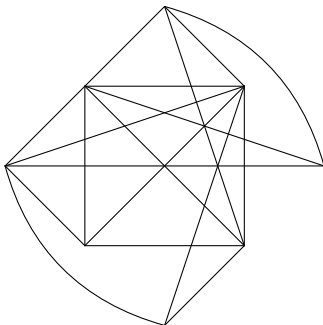
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	5	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	1	3	4	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	1	0	0	1	0	0
E	0	0	1	0	1	0	0	1
F	0	1	1	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	1
H	0	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

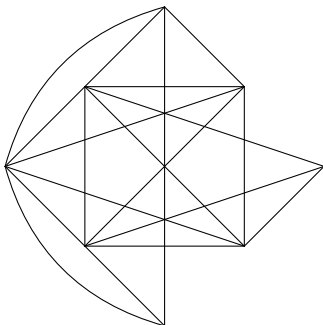
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	0	5	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	3	1	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	0	1	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	1
H	1	1	0	0	1	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

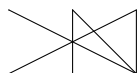
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	3	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	1	1
C	0	0	1	1	1	0	0	0
D	0	0	1	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	1
F	0	0	1	1	0	0	0	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

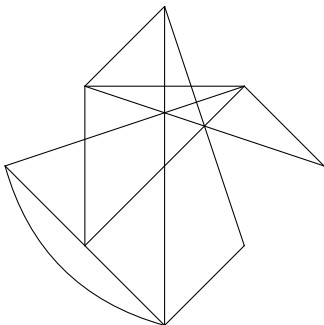
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	4	5	3	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	5	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	1	0
B	0	1	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	1	0	1	0	0
F	1	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	1	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

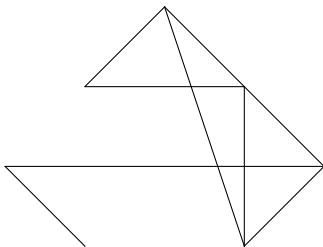
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	1	4	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	1	1	0	1	0
E	0	0	1	1	0	1	1	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	1	0	1	0	1
H	0	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

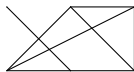
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	3	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	1	4	5	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	0	1	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	1	0	0	0
E	1	0	0	1	0	1	0	0
F	0	1	0	1	1	1	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	1
H	1	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

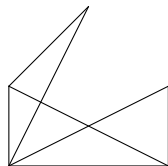
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	1	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	1	5	4	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	0
E	1	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

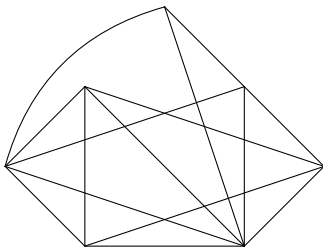
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	1	4	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	0	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	0	1	0	0
D	0	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	0	1	0	0	1
H	0	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

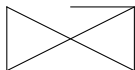
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	3	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	1	4	5	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	1
B	1	0	0	1	0	0	1	1
C	1	1	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	0	1
H	0	0	1	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

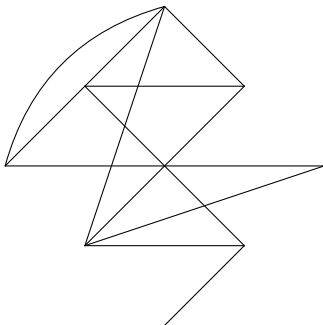
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	0	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	1	1	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	0	1	1
F	1	0	1	0	0	0	1	0
G	0	1	1	0	0	1	1	0
H	0	1	1	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

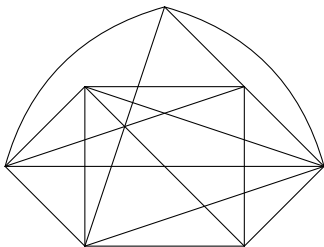
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	5	1	3	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	1	0	0	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1	0	1
F	0	0	1	0	0	0	1	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	1	1	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

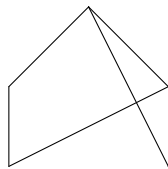
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	3	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	1	1	0
E	0	1	0	0	1	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	1	0
H	1	0	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

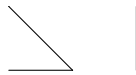
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	1	4	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	0	5	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	1	0	1	0	0	0	1	0
F	1	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	0	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	4	5	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	0	3	5	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	1	1
E	0	0	1	0	1	0	0	1
F	1	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	1	0	1	0
H	0	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

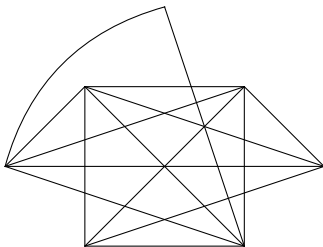
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	4	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	5	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	1	0
B	1	0	0	0	1	1	0	0
C	1	0	1	0	0	1	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

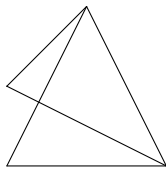
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	3	4	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	5	0	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	0	0	0
B	1	1	0	0	0	0	0	0
C	0	1	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	1
E	0	0	0	1	0	0	0	1
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

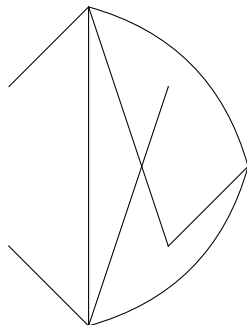
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	0	3	5	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	4	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	0	1	0	1	0	0	0	1
C	0	1	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	1
E	1	0	0	0	0	0	1	0
F	0	0	0	1	1	0	1	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

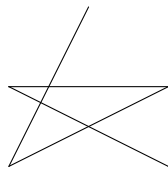
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	3	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	5	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	0	0	1	0
B	0	1	0	0	0	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	0	0	1	0	0
G	0	1	1	0	1	0	0	0
H	1	1	1	1	1	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

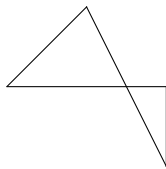
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	4	5	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	3	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	1	0	0	0
C	0	1	0	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	0	0	0	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

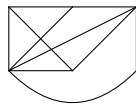
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	1	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	0	0
B	1	0	0	0	1	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	1	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

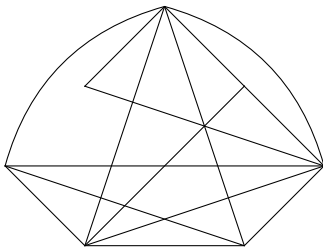
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	1	5	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	3	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	1	0	0	1	0	0	0	0
C	0	1	0	1	0	0	0	1
D	0	0	0	1	0	0	1	0
E	0	1	0	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	1	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

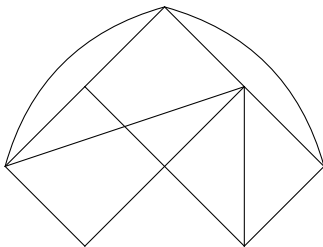
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	5	1	0	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	1	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	1	1	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	1
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	1	0	1	0	1
H	0	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

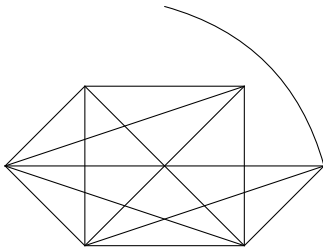
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	5	0	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	0	1
C	0	0	0	1	1	1	0	1
D	0	0	0	0	0	0	1	1
E	0	0	1	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	1	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

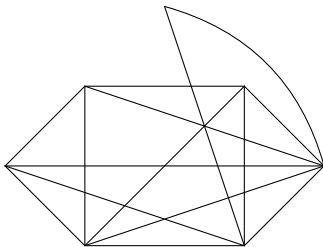
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	5	4	0	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	1	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	1	0
C	0	0	0	1	1	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	0	0	1	0	1	0
F	0	0	0	0	1	0	0	0
G	1	0	1	0	1	1	0	0
H	0	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

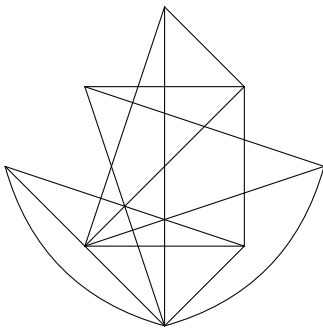
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	3	4	5	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	1	0	0	1	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	0	0	1
G	0	1	1	0	0	0	0	1
H	1	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

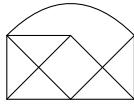
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	5	4	4	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	5	0	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	0	0	0	0
B	1	0	1	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	1	0
D	0	1	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	1	1	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	1	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

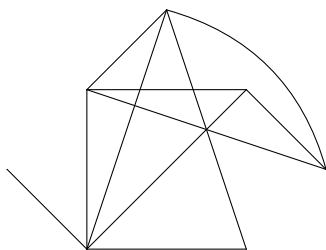
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	5	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	1	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	1	0	0	1	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1	0	0
F	1	0	1	0	0	0	0	0
G	0	1	0	0	1	0	0	0
H	0	1	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

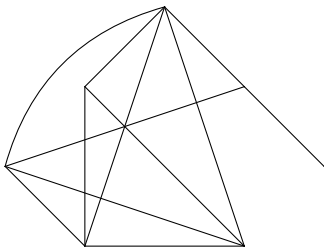
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	4	5	3	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	1	0	1
B	1	0	0	0	1	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	1	1
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	1	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	0	0	0	0	1	1	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

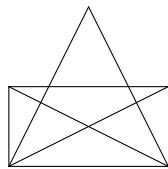
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	0	4	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	1
B	0	1	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	1	0	0	1	0	0	0	1
G	1	0	1	0	1	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

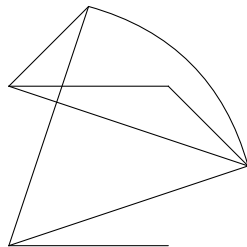
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	0	1	5	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	4	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	1	0	0
F	1	0	0	1	0	0	1	0
G	1	1	0	0	0	0	0	0
H	1	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

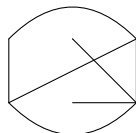
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	1	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	0	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	1	1	1	1
F	1	0	0	0	0	0	1	0
G	0	1	0	1	0	0	0	0
H	0	1	1	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

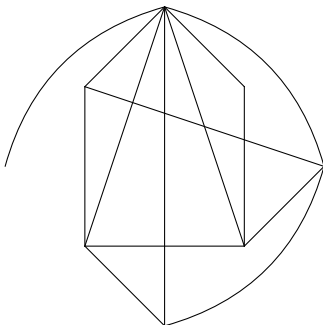
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	1	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	4	1	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0	1	0
C	0	0	0	1	0	1	0	1
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	1	0
H	1	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

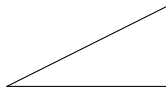
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	4	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	0	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	1	0	1	0
C	0	0	1	1	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	1	0	0	0
H	1	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

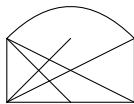
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	0	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	1	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	1	1
D	0	1	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	1	0	0	0
H	1	0	0	0	1	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

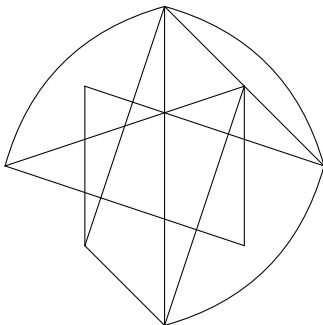
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	4	5	3	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	0	1	1	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0	1	0
G	0	1	0	0	0	1	0	1
H	0	0	0	0	1	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

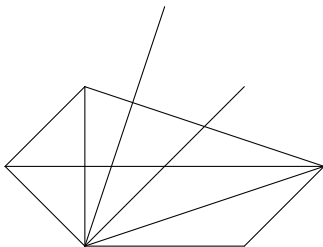
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	4	4	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	0	5	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0	0	0
C	0	0	1	1	1	1	0	1
D	0	0	1	0	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	1	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

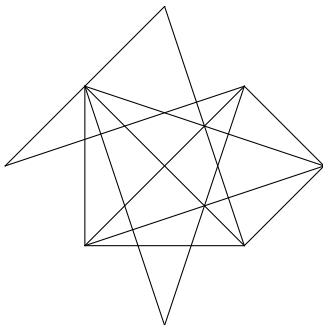
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	0	5	4	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	1	0	0	0
E	0	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	1	1	0	1	1	0
G	0	1	0	1	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

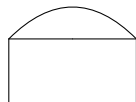
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	3	5	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	5	3	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	1	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	1	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	1	0	0	1	1	0
H	0	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

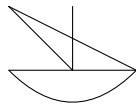
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	0	5	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	3	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	0	0	0	1
B	0	1	1	0	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	0	0	1
F	1	0	0	0	1	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

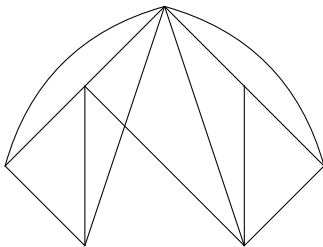
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	4	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	1	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0	0	0
C	0	1	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	0	1	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

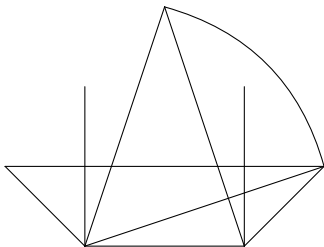
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	0	1	5	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	3	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	1	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	1
F	1	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

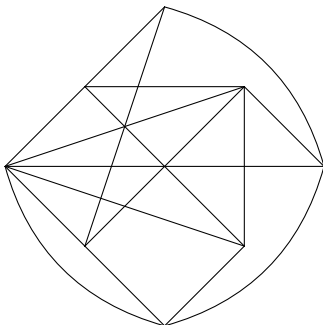
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	0	5	4	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	0	1	0	0	0	1	0
D	1	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	1	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

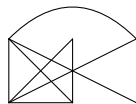
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	3	5	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	5	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	1	0
B	0	1	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	1	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	0	0	0	1
F	1	1	1	1	0	0	0	0
G	0	1	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

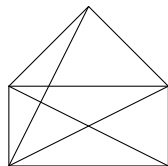
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	3	0	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	0	1	1	1
B	0	1	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	1
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	1	1
H	0	0	0	1	0	1	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

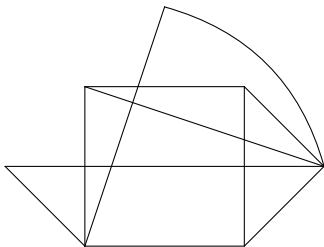
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	4	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	3	5	5	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	1	1	0	0
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	1	1	1	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

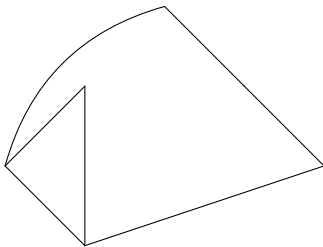
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	5	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	3	4	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	1	0	1	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	1
F	0	0	1	1	0	0	0	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

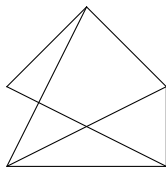
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	1	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	0	3	4	5	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	1	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	1	0	1	0	0	0	1
H	1	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

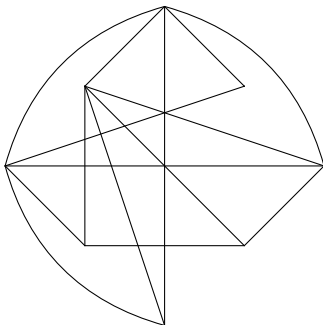
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	5	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	1	0	1	1	0
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	1	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

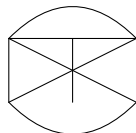
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	1	4	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	1	1
D	1	0	0	0	1	1	0	0
E	0	0	1	0	1	0	0	1
F	1	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

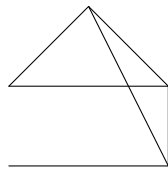
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	1	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	1	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	1	0	0
B	1	1	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	1	0	0	0	0	0	1	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

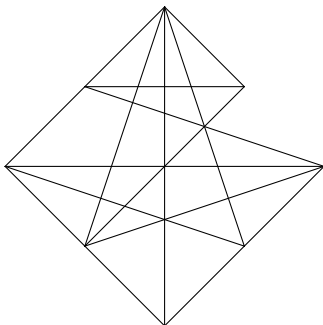
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	4	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	5	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	1	0
C	0	1	1	0	0	1	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1	0	1
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	1	0
H	0	0	1	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

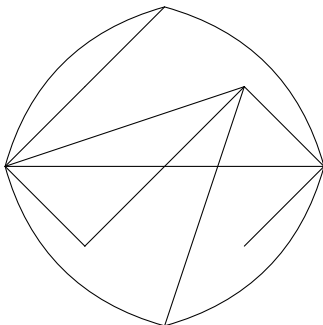
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	1	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5



La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	1
C	0	0	0	1	1	0	0	1
D	0	0	1	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0	0	1
F	0	0	1	0	0	1	0	0
G	0	0	1	1	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

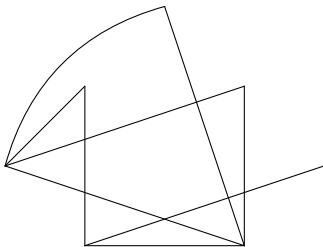
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	3	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	1	1	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	1
D	1	0	1	0	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

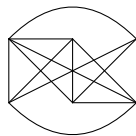
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	5	1	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	3	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	1	1	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

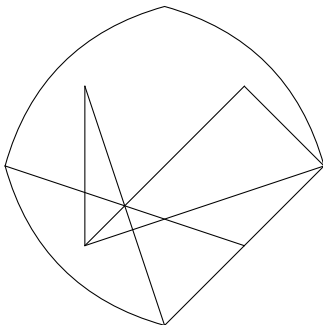
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	1	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	4	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	0	1
D	0	1	0	1	0	0	1	0
E	1	0	0	0	1	0	0	1
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

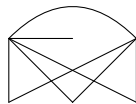
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	4	1	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	1	0	1	0	1
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	1	1	0	0	0	0	0	1
H	0	0	1	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

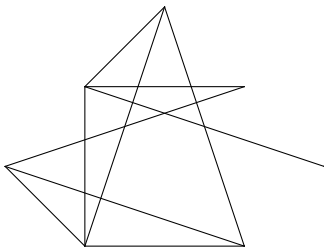
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	4	5	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	1	4	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	1	1	1	0
C	0	0	0	1	1	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	1	1	1	0
F	0	1	0	0	0	0	1	0
G	1	0	0	0	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

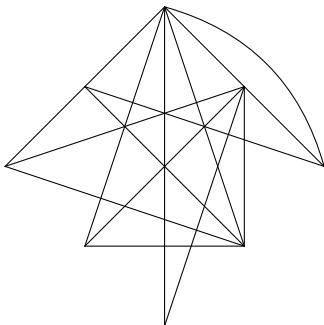
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	1	4	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	0	1
B	0	0	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	1	0	0
F	1	0	1	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	1	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

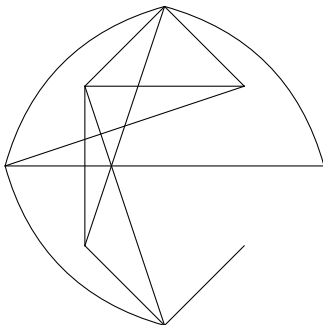
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	5	3	0	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	0	0	0	0	1
C	0	1	0	1	0	0	1	1
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	1	1	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	1	0	0	0
G	0	0	1	1	1	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

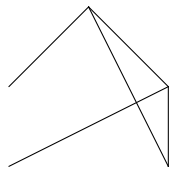
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	4	0	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	0	0	1	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	1
F	1	0	0	0	1	0	1	1
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

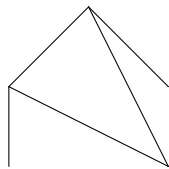
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	0	5	1	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	1
B	0	1	0	0	1	0	0	1
C	1	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	1
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	0	1	1	1	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

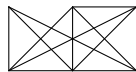
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}(\quad, \mathcal{G}) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	0	4	5	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	1	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	1	1	0	0
B	1	0	0	1	0	1	1	0
C	0	1	0	1	1	0	1	1
D	0	1	0	0	0	0	1	1
E	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	1	0	0	1	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

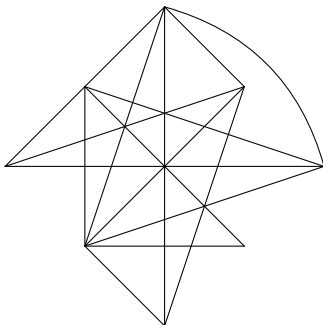
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								
$\Gamma^-$								

$$\text{CCF}( \quad , \mathcal{G} ) = \{ \quad \}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

**Exercice 2**

Est-il possible de reproduire ce dessin sur une feuille de papier sans passer deux fois par la même arête et sans lever le crayon du papier? Vous justifierez précisément. 3



### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisants les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	4	1	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	0	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A						
B						
C						
D						
E						
F						

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	0	1	1	1	0	0	1	0
C	0	0	0	0	1	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	1	0	1	1	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

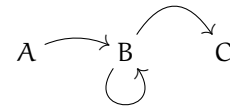
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

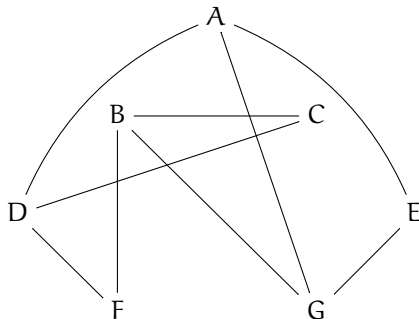
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	2	3	2	2	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	0	5	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	0	0			0
C	1	0	0	1	1	1
D	0	0	0	1	1	1
E	1	0	0	1	1	1
F	0	0	0			0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	1	1	1
D	0	0	0	1	1	1
E	1	0	0	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	0	0	1	0	0
C	1	0	0	1	1	1
D	0	0	0	1	1	1
E	1	0	0	1	1	1
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	0	0	0
B	1	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	1	0	0	1	1	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	1	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$		X						X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

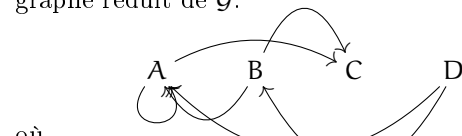
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

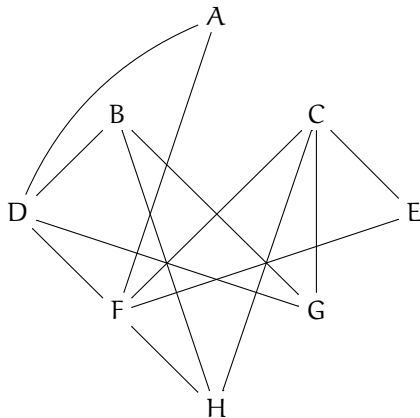
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	4	4	2	5	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	5	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	5	3	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	0	1
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0			0	0	0
F	0			0	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	0	1
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	0	1
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	1	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	0	0	1	0	0	0	1	1
D	0	0	0	1	0	0	1	0
E	0	0	0	0	1	1	0	0
F	0	1	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	1	0	1	1
H	0	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

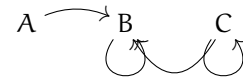
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

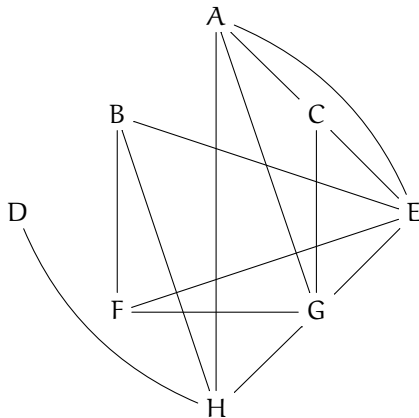
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	3	3	1	5	3	5	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	5	0	1	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	1	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	0
B	1	1	1		1	
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0
E	1	1	1		1	
F	1	1	1	0	1	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0
E	1	1	1	0	1	1
F	1	1	1	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	0
B	1	1	1	0	1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0
E	1	1	1	1	1	0
F	1	1	1	0	1	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	1	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	1
E	0	0	1	0	0	1	1	0
F	0	1	0	1	1	0	0	0
G	0	0	0	0	1	0	0	0
H	0	1	1	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

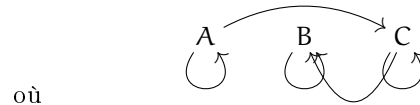
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



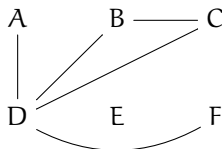
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	2	2	4	0	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	5	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	0	3	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0		0	0	0	
B	1	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0		0	0	0	
F	1	1	0	0	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	1	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	1	0	0	0	0
F	1	1	0	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	1	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	1	0	0	0
D	1	0	1	0	1	0	0	0
E	1	0	1	1	0	0	1	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	1	1
H	0	0	0	0	0	1	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X		X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

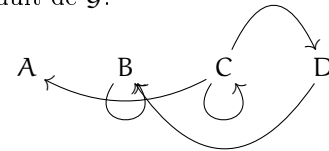
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X				X		
$\Gamma^-$			X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

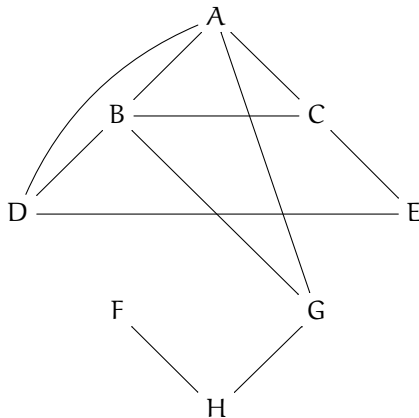
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	3	2	1	3	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	4	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	0	5	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0			0
B	1	1	0	1	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	0	1	0	1	1	1
E	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0			0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	1	1	0	1	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	0	1	0	1	1	1
E	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	1	1	0	1	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	0	1	0	1	1	1
E	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	0	1	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	1	0	0	0	0	1	0	1
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X					X		

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

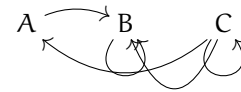
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

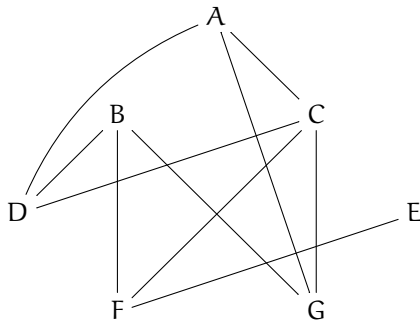
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	4	3	1	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	1	5	4	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	0	1	1	1	0
D			1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F			1	1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	0	1	1	1	0
D	1	0	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0	1	1
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



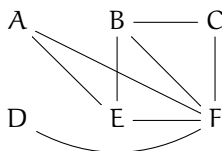
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	2	1	3	5

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

**Exercice 3**

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	5	3	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0		0	
B	0	0	0		0	
C	1	1	1	1	0	1
D	1	0	0	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	1	1	1	1	0	1
D	1	0	0	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	1	0	0
C	1	1	1	1	0	1
D	1	0	0	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	0	1

**Exercice 4**

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	0	1	1	0	1	0	1	1
G	0	1	0	1	0	1	1	0
H	0	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X					X
$\Gamma^-$	X		X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$		X		X	X	X	X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

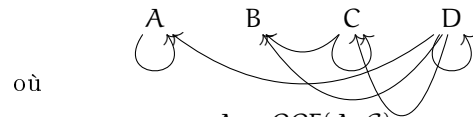
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X		X				
$\Gamma^-$				X	X	X	X	

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X	X	X	

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E, F, G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

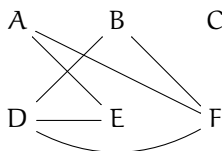
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	0	3	2	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	0	1	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B		1	1		1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E		1	1		1	1
F	0	1	1	0	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	1	1	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	1	1	1	0	1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E	0	1	1	1	1	1
F	0	1	1	0	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	1	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X			X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X			X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X					X	
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

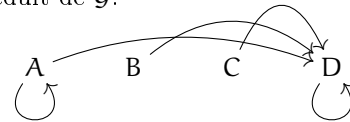
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X				X	
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

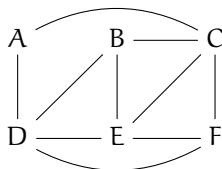
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	4	4	4	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	4	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	3	0	5	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0			0
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	1	1	0
D	1	1	0	1	1	0
E	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0			0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	1	1	0
D	1	1	0	1	1	0
E	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	1	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	1	1	0
D	1	1	0	1	1	0
E	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	1
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	0	1
D	0	0	0	1	1	1	0	0
E	0	1	0	0	1	1	0	0
F	0	1	1	0	0	0	1	1
G	0	1	0	0	0	1	0	0
H	0	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X			X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X			X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, F, G, H\}$$

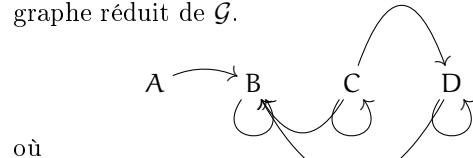
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$				X	X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

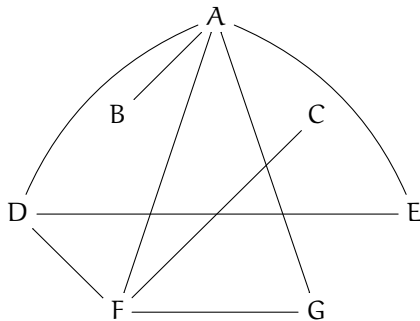
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	1	1	3	2	4	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	4	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	5	5	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0			0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	1	1	1	1	0
E	0	0			0	0
F	0	1	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	1	1	1	1	0
E	0	0	1	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	1	1	1	1	0
E	0	0	0	1	0	0
F	0	1	1	1	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0	1	1
D	0	1	0	0	0	1	0	1
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	1	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	1	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X		X	X
$\Gamma^-$		X		X		X		

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

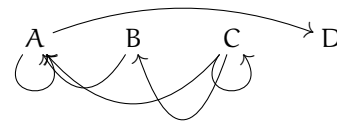
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X		X		

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D, F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

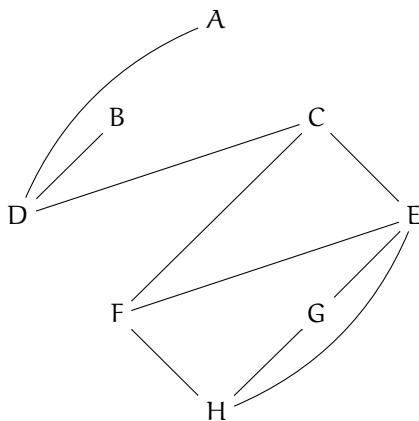
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	1	3	3	4	3	2	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	0	5	5	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0			0	0
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	0	1	1	1	0
E	1	0	1	1	1	1
F	0	0			0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	0	1	1	1	0
E	1	0	1	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	0	1	1	1	0
E	1	0	1	1	1	1
F	0	0	1	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	1
C	1	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	1
F	0	0	0	1	1	0	0	0
G	1	1	1	0	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, G\}$$

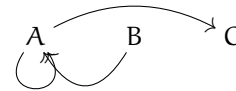
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

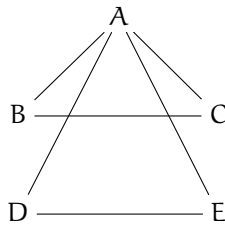
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	2	2	2	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire alors il existe un circuit eulérien. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	5	3	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0			0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	1	1	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0			0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	1	1	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	1	1	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	0	1	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0	1	0
G	1	0	1	1	0	0	1	0
H	0	1	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

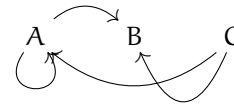
$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

où



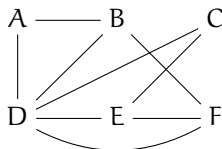
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	2	5	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	4	1	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	0	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	1	0	1
D		0	0	0	0	
E		0	0	0	0	
F	1	0	0	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	0	0	0	0	0
F	1	0	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	1	0	1
D	1	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1
F	1	0	0	1	0	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	1	0
D	0	1	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	1	0	0
G	0	1	0	1	1	1	0	0
H	0	1	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

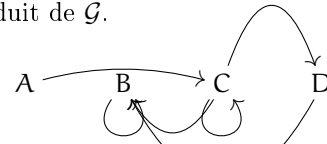
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X			X			
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

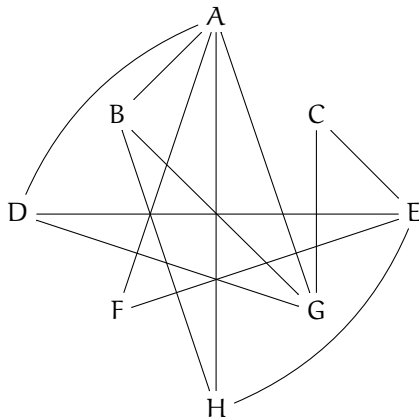
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	3	2	3	4	2	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	3	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	5	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1		1	1		1
B	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	1	0	0
E	1	0	1	1	0	1
F	1		1	1		1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	1	0	0
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	1	0	0
E	1	0	1	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0	1	1
C	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	1	0	0	0	0	1
H	1	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X			X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X		X		
$\Gamma^-$				X	X			

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

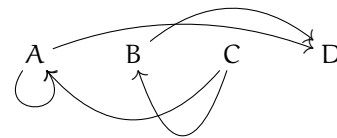
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

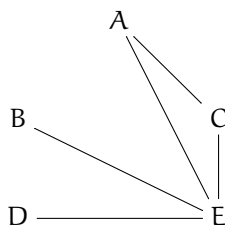
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	2	1	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	1	0	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	1	1	0	0	1	1
C	0		0	0	0	
D	1	1	0	0	1	1
E	0		0	0	0	
F	0	1	0	0	1	1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	1	1	0	0	1	1
C	0	1	0	0	0	0
D	1	1	0	0	1	1
E	0	0	0	0	0	1
F	0	1	0	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	1	1	0	0	1	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1	0	0	1	1
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	0	0	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	1	1	0	0	0
B	1	0	0	0	0	0	1	0
C	0	1	0	1	1	0	1	1
D	1	1	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	0	0	1	0	0	1
H	0	0	0	0	0	1	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, G\}$$

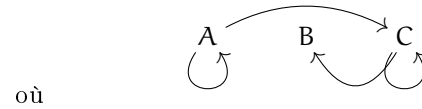
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



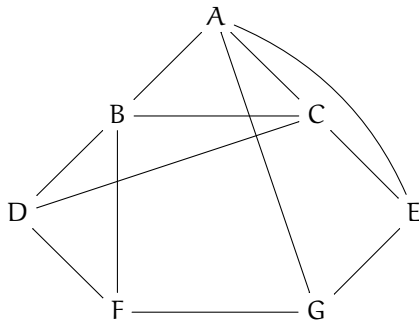
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	4	3	3	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	0	1	3	5	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	5	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	1	0	1
E		1		1	1	1
F		1		1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	1	0	1
E	1	1	0	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	1	0	1
E	0	1	1	1	1	1
F	1	1	0	1	1	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	1	0	0
B	1	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	0	1	0
D	0	0	0	1	0	1	0	0
E	1	1	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	1	0	0	1	0
G	0	1	1	1	0	0	0	0
H	0	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



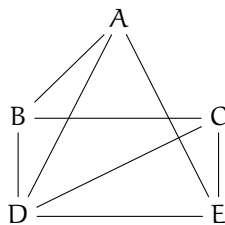
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	3	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	1	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0		0	0	
C	0	1	1	0	0	1
D	0	0		0	0	
E	1	1	1	0	0	1
F	1	1	1	0	0	1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	1	1	0	0	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	0	1
F	1	1	1	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	1
C	0	1	1	0	0	1
D	0	0	1	0	0	0
E	1	1	1	0	0	1
F	1	1	1	0	0	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	1	0	1	0
H	0	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X	X	X		X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

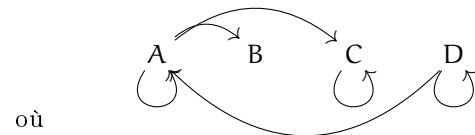
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

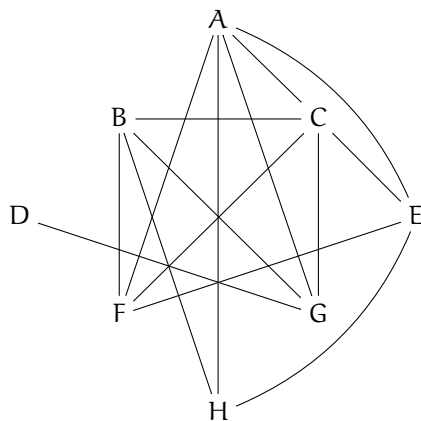
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	4	5	1	4	4	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	4	5	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	4	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	0	1	1	1
D	1			1	1	1
E	1			1	1	1
F	1	0	0	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	1	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	0	0	1	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	1
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	1	0	0	0
E	1	1	0	1	0	0	0	1
F	1	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	1	0	1	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X					
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$		X		X	X		X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D, E, G, H\}$$

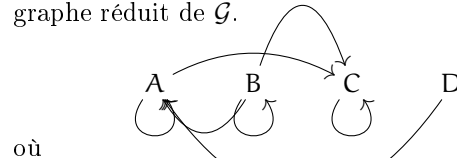
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X			X		
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

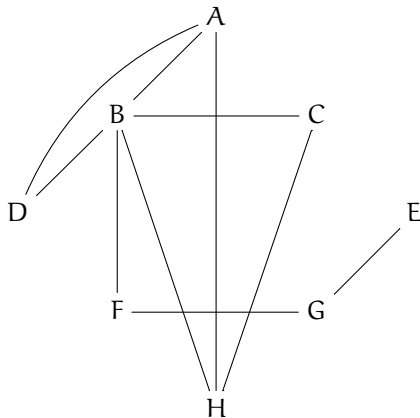
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	5	2	2	1	2	2	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	4	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	0	4	5	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0			0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	0			0
D	0	0	1	1	1	1
E	0	0	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	0	0	1	0
D	0	0	1	1	1	1
E	0	0	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	0	1	0	0
D	0	0	1	1	1	1
E	0	0	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	1	0	1	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$		X	X	X		X	X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, F, G\}$$

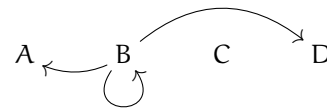
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$		X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

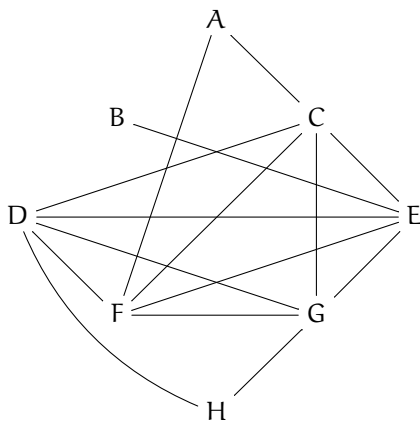
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	5	5	5	5	5	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	4	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	0	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0		0		0
C	0	0	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0		0		0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	0	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	0	0	1	0	1	0	0	1
E	1	1	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X			X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



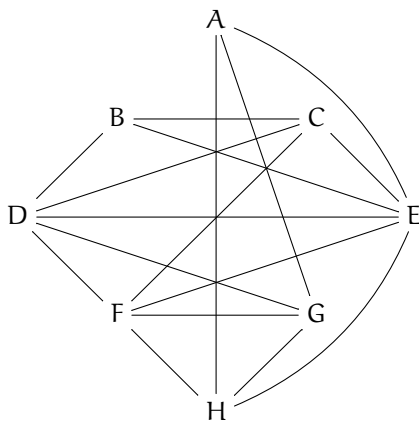
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	4	5	6	5	4	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	5	3	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0
C	1		1	1	1	
D	1	0	0	1	1	0
E	1		1	1	1	
F	1	0	1	1	1	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0
C	1	0	1	1	1	1
D	1	0	0	1	1	0
E	1	1	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0
C	1	1	1	1	1	0
D	1	0	0	1	1	0
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	1	0
B	0	1	1	0	0	1	0	0
C	1	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	1	1	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

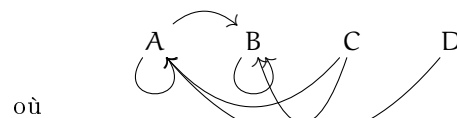
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

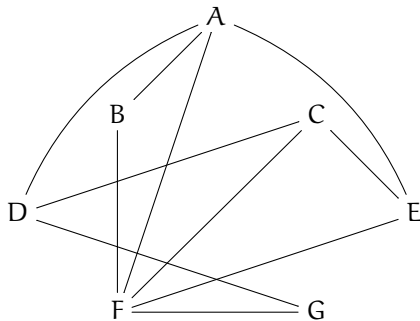
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	2	3	3	3	5	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	5	5	0	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	4	4	1	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	0	0
B	1	1	1	1		
C	1	1	1	1		
D	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	1	1	1	1	0	1
D	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	0	0
B	1	1	1	1	0	1
C	1	1	1	1	1	0
D	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	0	1
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	1	0
E	0	1	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	1	0	1	1	0
G	1	0	0	1	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X			X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$		X			X			

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, E\}$$

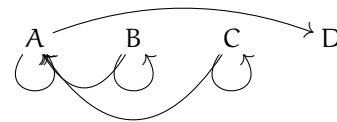
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X		X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

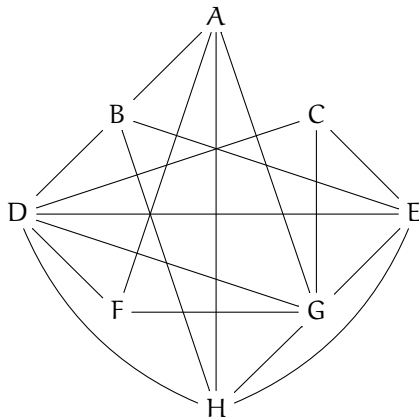
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	6	5	3	6	5

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	1	4	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	5	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	0	0			0
C	0	0	0			0
D	1	0	1	1	1	0
E	0	0	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	1	0
D	1	0	1	1	1	0
E	0	0	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	0	0
D	1	0	1	1	1	0
E	0	0	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	1	0	0
C	1	0	0	0	1	0	1	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	0	0	1	0	0
F	0	1	0	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	1	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$		X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, E, F, G\}$$

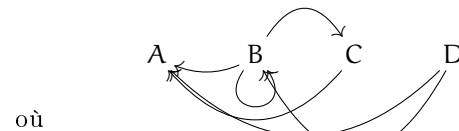
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X			X				
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

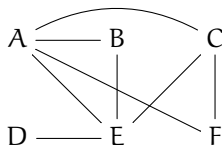
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	2	3	1	4	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	1	5	4	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	1	1	1	0
D			1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F			1	1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	1	1	1	0
D	1	0	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	1	1	1	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	0	0	1	0	0	1	1	0
D	0	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	1	0	1
F	0	0	1	0	1	1	0	0
G	0	0	1	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

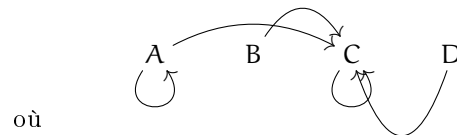
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

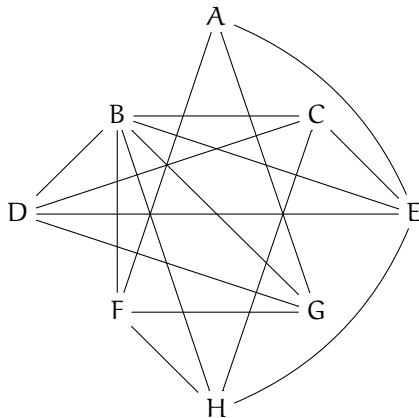
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	6	4	4	5	4	4	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	1	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	4	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	1	1	1
C		0	0	0	0	
D		0	0	0	0	
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	0	1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	1	1	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	0	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	1	1	1
C	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	0	1	1	1

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	0	0	0	0	1
B	1	0	1	0	0	1	0	0
C	0	1	1	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	1	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X		X
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

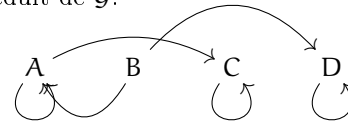
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$				X			X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

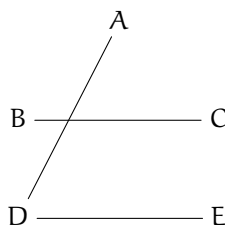
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	1	1	2	1

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	5	5	4	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	4	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	0	1
C		1	1	1		1
D		1	1	1		1
E	0	1	1	1	0	1
F	0	0	0	0	0	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	0	1
C	0	1	1	1	1	1
D	1	1	1	1	0	1
E	0	1	1	1	0	1
F	0	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	0	1
C	1	1	1	1	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	1	1	0	1
F	0	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	1	0
B	0	0	1	1	0	0	0	0
C	0	1	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	1	0	0
F	0	1	0	1	1	0	0	0
G	0	0	0	1	0	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

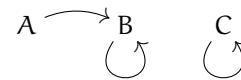
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

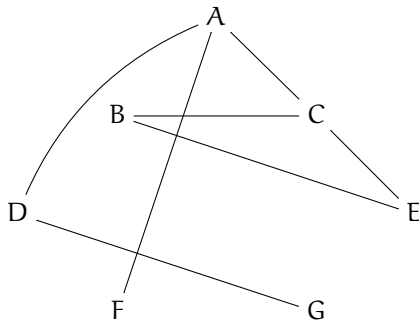
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	3	2	2	1	1

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	0	1	5	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	0	1	1	1
C	0	0	0		0	
D	1	0	0	1	1	1
E	0	0	0		0	
F	0	0	0	1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	0	1	1	1
C	0	0	0	1	0	0
D	1	0	0	1	1	1
E	0	0	0	0	0	1
F	0	0	0	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	0	1	1	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	0	0	1	1	1
E	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	1	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	1	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	0	1	0	0	1	1	0	0
D	0	1	0	0	1	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	1	1	0
G	1	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F, G\}$$

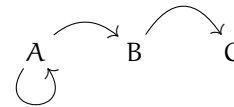
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

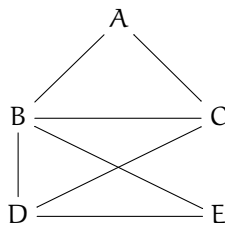
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	4	3	3	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	0	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	4	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1		1	1		1
D	0	0	0	0	0	0
E	1	0	1	1	0	1
F	1		1	1		1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0	0	0
E	1	0	1	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	0	1
D	0	0	0	0	0	0
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	0	0	0	1	1
G	0	0	0	0	0	1	1	0
H	0	0	0	1	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, F, G, H\}$$

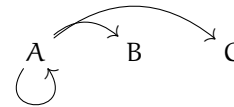
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

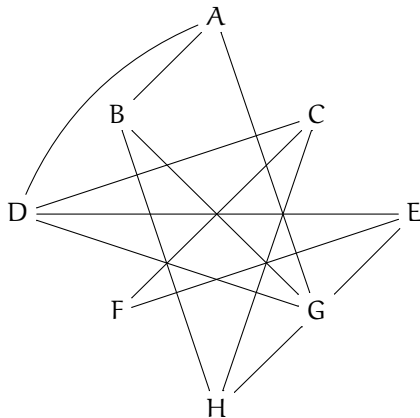
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	3	4	3	2	5	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	3	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0		0	0		0
B	1	1	0	1	1	0
C	0		0	0		0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	0	1	0
F	1	1	0	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	1	1	0	1	1	0
C	0	1	0	0	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	0	1	0
F	1	1	0	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	1	1	0	1	1	0
C	0	0	0	0	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	0	1	0
F	1	1	0	1	1	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	1	0	0
B	0	0	1	0	1	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0	0	1
F	0	1	1	0	1	0	1	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, E, F, G, H\}$$

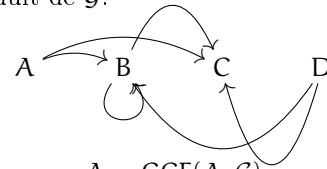
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

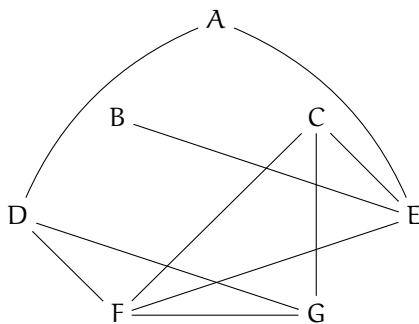
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	3	3	4	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	3	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0		0	0		0
B	0	1	1	1	1	0
C	0		0	0		0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	1	1	0	1	0
F	0	1	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	0	0	0	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	1	1	0	1	0
F	0	1	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	1	0	0	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	1	1	0	1	0
F	0	1	1	1	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	1	1	0	0
D	0	0	0	1	1	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	1	0	0	1	1	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X					X	
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X					X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

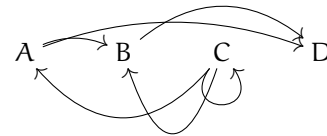
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

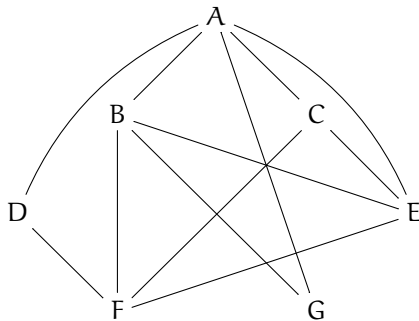
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	4	3	2	4	4	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1			1	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	0	0	1	1
F	1	1			1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	0	1	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	0	0	1	1
F	1	1	0	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	0	0	1	1
F	1	1	1	0	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	1	0	0	1	1	1	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	0	0	0	0	1
G	1	0	0	0	1	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X			X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, E, F, G, H\}$$

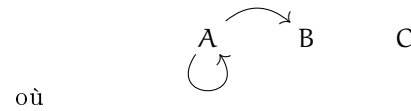
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



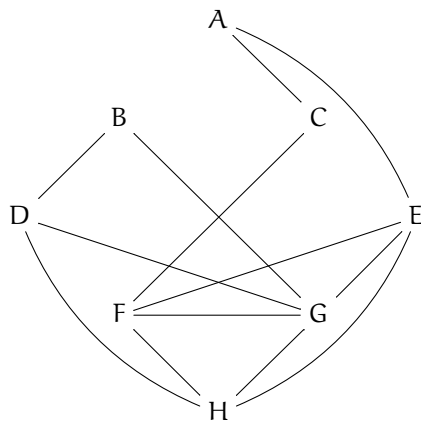
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	2	3	4	4	5	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	0	5	3	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0		0		0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	1	0	1	1
D	1	0	1	1	1	1
E	0	0	1	1	1	1
F	0	0		0		0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	1	0	1	1
D	1	0	1	1	1	1
E	0	0	1	1	1	1
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	0	1	0	1	1
D	1	0	1	1	1	1
E	0	0	1	1	1	1
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	1	0	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	0	0	0
G	1	1	0	0	0	1	0	1
H	0	0	0	0	1	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X		X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



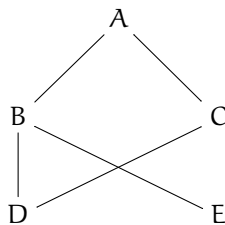
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	2	2	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	3	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	4	1	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1		
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	1	1	1	1		
E	0	0	1	0	0	0
F	1	1	1	1	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	0	1	0	0	0
F	1	1	1	1	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	1	1	1	1	0	1
E	0	0	1	0	0	0
F	1	1	1	1	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	1	0	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	1	0	0	0
E	0	1	0	1	1	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	1	0	0	0	0	0	0
H	1	0	0	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, G, H\}$$

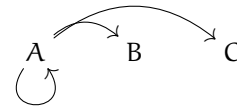
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

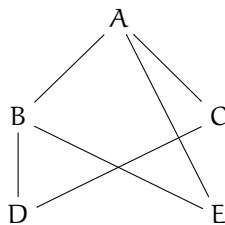
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	2	2	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	3	4	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	0	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0		0	0	
B	0	0		0	0	
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	1	1	0	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	1	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	1	1	0	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	0	0	1	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

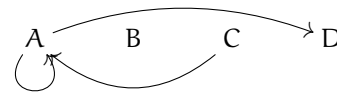
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

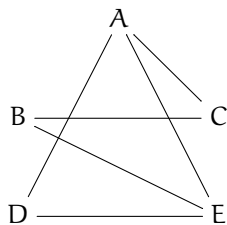
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	2	2	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	1	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	4	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	1	1	0	1
C		0	0	0	0	
D		0	0	0	0	
E	1	1	0	1	0	1
F	1	0	0	1	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	1	1	0	1
C	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	0	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	1	1	0	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0
E	1	1	0	1	0	1
F	1	0	0	1	0	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	1	1
B	0	0	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	0	0	0	0	0
D	0	1	0	1	1	0	0	0
E	0	1	0	1	0	0	1	0
F	0	0	1	0	0	1	0	0
G	0	1	0	0	1	0	1	0
H	1	0	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$			X			X		

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



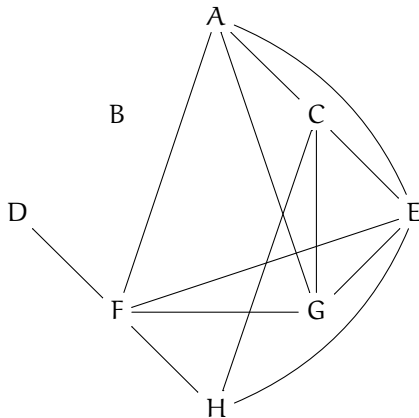
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	0	4	1	5	5	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	5	1	0	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	0	1	1
B	1	1	0	0	0	1
C			0	0	0	0
D	1	1	0	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F			0	0	0	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	0	1	1
B	1	1	0	0	0	1
C	1	0	0	0	0	0
D	1	1	0	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	1	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	0	1	1
B	1	1	0	0	0	1
C	0	1	0	0	0	0
D	1	1	0	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	0	1
H	1	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



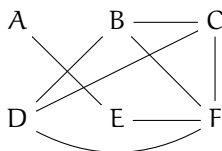
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	3	3	3	2	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	1	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	1	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B		1	1		1	1
C	0	1	1	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0
F		1	1		1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	1	1	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0
F	1	1	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	1	1	1	0	1	1
C	0	1	1	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	1	1	1
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	1	0	1	0	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	1	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, F, G, H\}$$

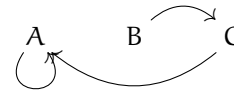
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X			X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

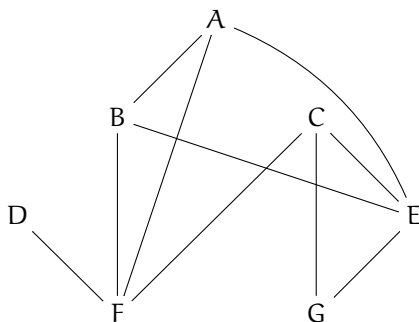
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	3	1	4	4	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	5	0	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0			0	0
C	1	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	0	0			0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	1	0	0
C	1	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	1	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	1	0	1
D	0	1	1	0	0	1	0	1
E	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	1	0	1
G	0	1	0	0	0	1	0	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

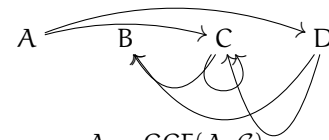
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X						X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

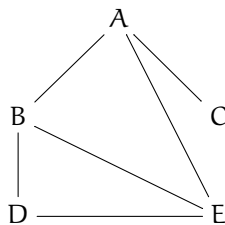
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	1	2	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	5	0	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0			0	0
C	1	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	0	0			0	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	1	0	0
C	1	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	1	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	1	1	1	1	0	0
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	1	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	1	1	1	1	1	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	1	0	0
G	0	1	0	1	0	1	0	0
H	0	1	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X			X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

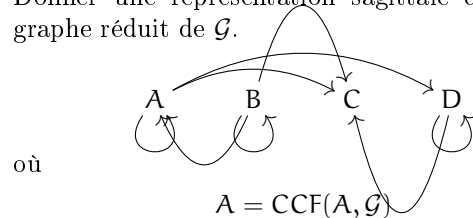
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X	X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

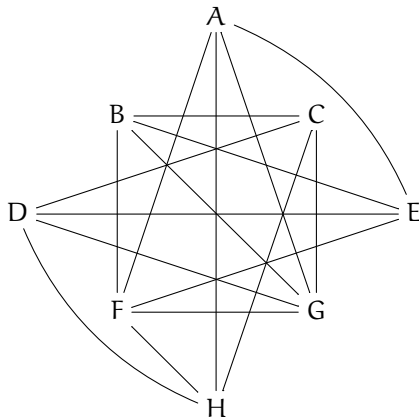
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	4	4	4	5	5	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	4	1	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	5	0	1	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	0	1	1
B	1	1	0	0	0	1
C	1	1	0	0	1	1
D			0	0	0	0
E	1	1	0	1	1	1
F			0	0	0	0

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	0	1	1
B	1	1	0	0	0	1
C	1	1	0	0	1	1
D	1	0	0	0	0	0
E	1	1	0	1	1	1
F	0	1	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	0	1	1
B	1	1	0	0	0	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	1	0	0	0	0
E	1	1	0	1	1	1
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	1	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	1	0	1
G	0	0	1	0	0	1	0	0
H	0	0	0	0	1	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X						

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

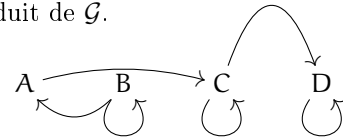
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

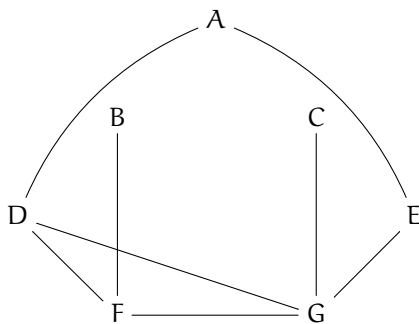
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	1	3	2	3	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	3	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	5	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0		0		0	0
B	0	1	1	1	1	0
C	1	1	1	1	1	0
D	0	1	0	1	1	0
E	0		0		0	0
F	0	1	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	1	1	0
C	1	1	1	1	1	0
D	0	1	0	1	1	0
E	0	0	0	1	0	0
F	0	1	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	1	1	1	1	0
C	1	1	1	1	1	0
D	0	1	0	1	1	0
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	1	1	0	0	1	0
E	0	0	1	0	1	0	1	0
F	0	0	0	0	1	0	0	1
G	0	0	1	1	0	1	1	0
H	0	0	1	1	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

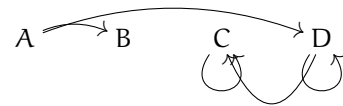
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X			X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D, E, F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

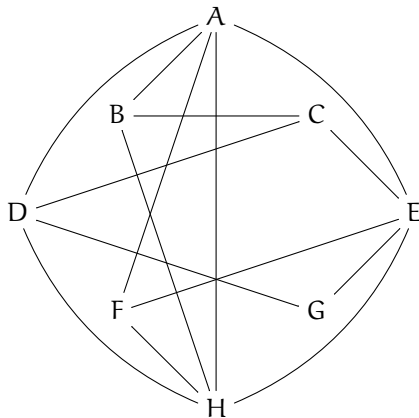
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	3	3	4	5	3	2	5

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	1	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	5	1	4	0	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	0	1	0	0
C			0	0	0	0
D			0	0	0	0
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	0	1	0	0
C	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	0
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	0	1	0	0
C	0	1	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	0	0	1	1	1
D	1	0	0	0	1	0	0	1
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	1	0	0	0	1	0	0	0
G	0	0	0	0	1	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

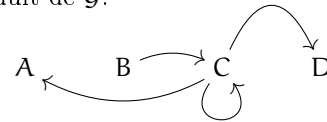
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

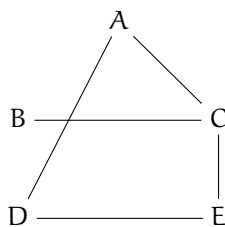
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	3	2	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	3	5	1	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0		0		0
B	1	1	1	1	1	0
C	1	0	1	0	1	0
D	0	0		0		0
E	1	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	1	0	1	0	1	0
D	0	0	0	0	1	0
E	1	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	1	1	1	1	1	0
C	1	0	1	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0
E	1	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	1	1	1	0	1
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	0	0	1	0
G	0	1	0	0	0	0	0	1
H	1	1	1	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X				X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

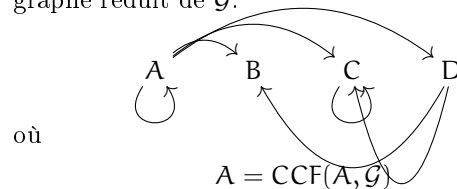
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X			
$\Gamma^-$	X	X			X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

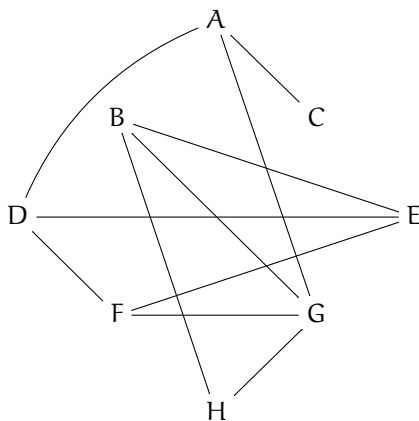
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	1	3	3	3	4	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	1	3	4	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D		1		1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F		1		1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	0	0
B	0	0	1	1	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	1	0	0	1
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1	0	0
G	1	1	0	0	0	0	1	0
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X			X
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

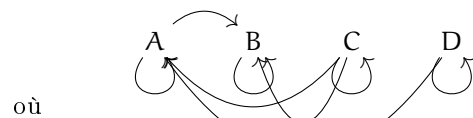
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

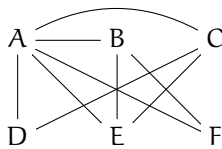
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	3	3	2	3	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	3	4	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	0	5	5	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	1	0	1
C	0	0	1	1	0	1
D	1	0	1	1	0	1
E	0	0			0	0
F	0	0			0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	1	0	1
C	0	0	1	1	0	1
D	1	0	1	1	0	1
E	0	0	0	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	1	0	1
C	0	0	1	1	0	1
D	1	0	1	1	0	1
E	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0	1	1
C	0	0	0	1	0	1	1	0
D	1	0	0	0	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

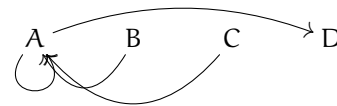
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

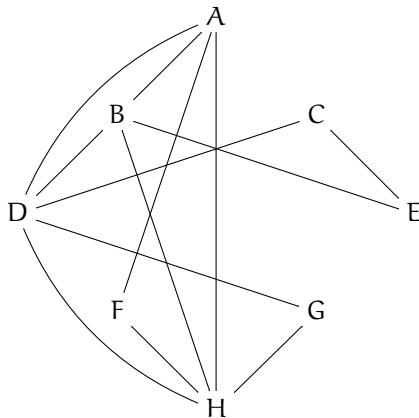
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	2	5	2	2	2	5

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	3	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	0
B		0		0	0	0
C	1	0	1	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E		0		0	0	0
F	1	0	1	1	1	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	0
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	0	1	0	0	0
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	1	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	1	0	0
G	1	1	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X			X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$				X			X	

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

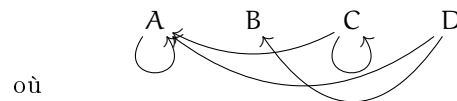
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X		X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

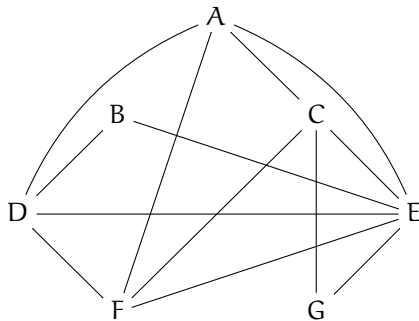
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	2	4	4	6	4	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire alors il existe un circuit eulérien. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	1	4	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0
C	0	1	0	1	1	1
D		1		1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F		1		1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0
C	0	1	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0
C	0	1	0	1	1	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	1	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	0	1	1
B	1	1	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	1	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X			X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, H\}$$

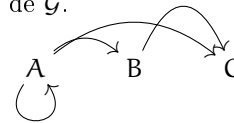
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

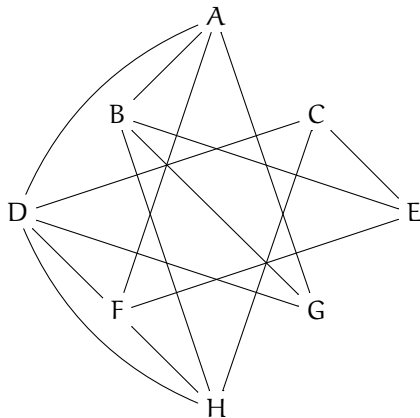
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	5	3	4	3	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	4	0	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	1	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1		1		1	1
B	0	0	0	0	0	1
C	1		1		1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	1	1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	0	0	0	0	0	1
C	1	1	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	1	1	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	1	1	0
B	0	1	0	0	1	0	1	0
C	0	0	1	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$		X						X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



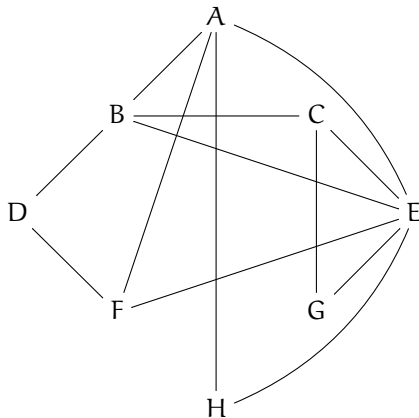
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	2	6	3	2	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	5	1	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	3	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	0	1	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D		0	0	0		0
E	1	0	1	0	1	1
F		0	0	0		0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	0	1	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	1	0	1	1
F	1	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	0	1	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	1	0	0	0	0	0
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	1	1	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	1	0	0	1
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	1	0	0	0	0	0	1
H	1	1	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X		X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



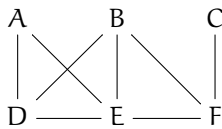
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	1	3	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	4	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	1
B	1	0	0	1	1	1
C		0	0	0		0
D		0	0	0		0
E	1	0	0	1	1	0
F	1	0	1	1	1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	1
B	1	0	0	1	1	1
C	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	0	1	1	0
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	1
B	1	0	0	1	1	1
C	0	0	0	0	1	0
D	1	0	0	0	0	0
E	1	0	0	1	1	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	1	0	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	1	1	0	0	1	0	1	0
G	1	0	0	1	1	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

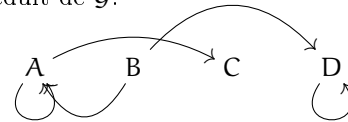
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$			X					X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

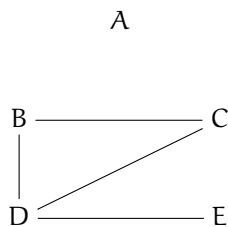
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	0	2	2	3	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	1	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1			1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1			1
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	0	1
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	1	1
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	0	0	0	1	0	1	1	1
C	1	0	1	1	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	1	0	1
E	0	0	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X		X			

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E\}$$

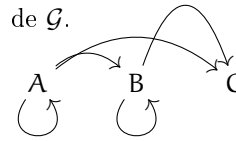
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X		X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

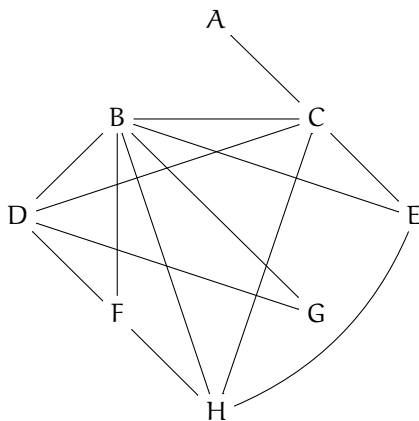
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	6	5	4	3	3	2	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	5	1	0	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	1	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B		1	1		1	1
C		1	1		1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	1	1	1	0	1	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	1	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	1	0	0	0
D	0	0	1	0	1	1	0	0
E	0	1	1	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	1	0	0	0	1	1
H	0	0	1	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

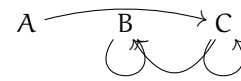
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

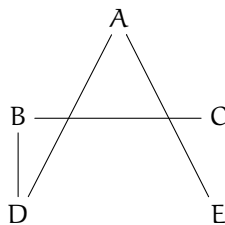
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	1	2	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	5	4	3	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B		1	1		1	1
C		1	1		1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	0	1	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	1	1	1	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	0	1	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	1	1	1	0	1	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	0	1	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	0	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1	1	0
C	0	0	1	0	1	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	1	1	1
G	0	0	0	0	1	1	0	1
H	1	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X			X				
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

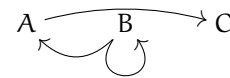
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

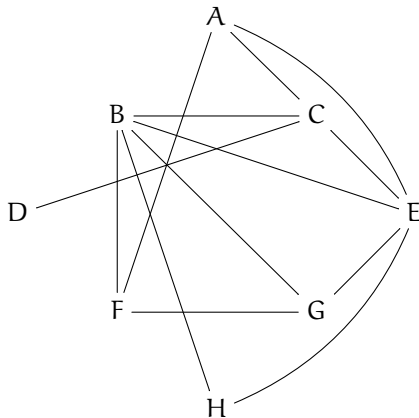
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	5	4	1	5	3	3	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	0	5	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	3	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D		1	1	1	1	
E		1	1	1	1	
F	0	1	1	1	1	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	0	1	1	1	1	1
E	1	1	1	1	1	0
F	0	1	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	0	1	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	0	0	1	1
B	1	0	1	0	0	1	0	0
C	0	0	1	1	0	0	1	0
D	1	1	1	0	0	1	0	1
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, G, H\}$$

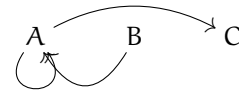
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

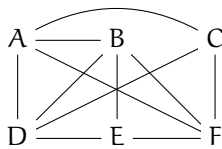
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	4	3	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	4	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	3	5	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	1	1	0	1	1
D	0	0		0		0
E	0	0	1	0	1	1
F	0	0		0		0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	1	1	0	1	1
D	0	0	1	0	0	0
E	0	0	1	0	1	1
F	0	0	0	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	1	1	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	1	1
F	0	0	1	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	1	1	1	0
E	0	1	0	0	0	1	1	0
F	0	1	0	0	0	1	0	1
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X	X				

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D\}$$

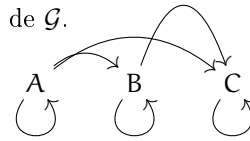
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X			X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

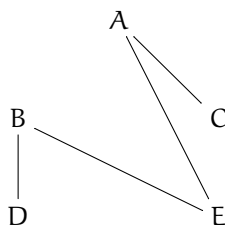
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	1	1	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	3	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	5	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0		0		0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	0	1	1	1	1	1
F	0		0		0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	0	0	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	0	1	1	1	1	1
F	0	1	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	1	0	0	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	0	1	1	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	1	0	0	1	1	0
B	1	0	0	0	1	1	1	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X			

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

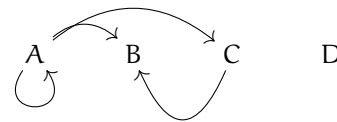
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

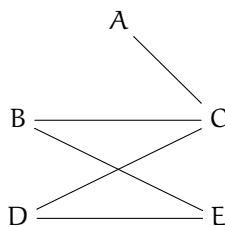
$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	2	3	2	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	0	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	1
B		0		0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F		0		0	0	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	1
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	1	0	1
E	0	0	0	0	0	0	0	1
F	0	0	0	1	0	1	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	1	1	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, F, H\}$$

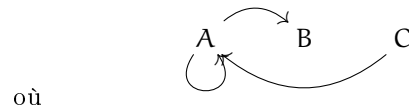
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



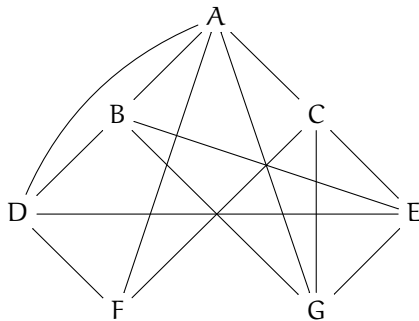
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	4	4	4	4	3	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	5	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	3	4	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	0
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	1	1
D		0	0	0		0
E	1	0	0	1	1	0
F		0	0	0		0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	0
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	0	1	1	0
F	1	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	0
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	1	1
D	1	0	0	0	0	0
E	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	1	1	0	1
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	1	1	0	0	1	0	0
E	0	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, E, G, H\}$$

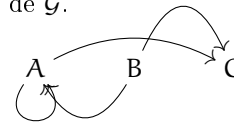
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

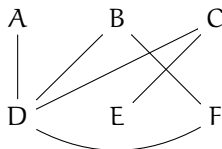
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	2	2	4	1	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	3	5	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	5	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1		1	1	1	
E	1		1	1	1	
F	1	0	1	1	1	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	0	1	1	1	1
E	1	1	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

# Contrôle Graphe & Langages

## Correction du sujet 60

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	1	0	0	0	0	1	0
D	0	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	0
F	0	1	0	0	1	1	0	1
G	0	0	0	1	0	0	0	1
H	1	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D, F, G, H\}$$

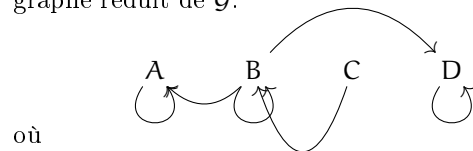
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

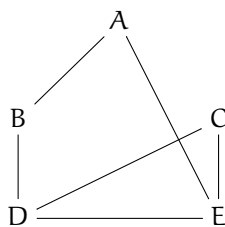
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	2	3	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	1	4	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	0	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0		0	0		0
B	0	1	1	0	1	0
C	0		0	0		0
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	0	1	1
F	1	1	1	0	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	0	1	1
F	1	1	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	1	0
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	0	1	1
F	1	1	1	0	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	1	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	1	0	1	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	0	0
H	0	1	0	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, F\}$$

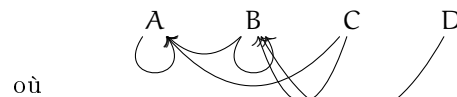
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

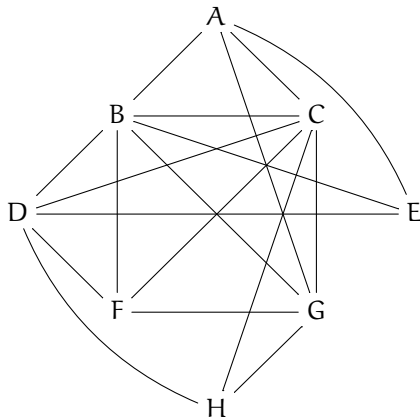
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	6	6	5	3	4	5	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	5	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	1	3	4	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D		1		1	1	1
E		1		1	1	1
F	0	0	0	0	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	0	1	1	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	0	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	1	1	1	1	1
F	0	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	1	0	0	1	0	0
E	0	0	1	0	1	0	0	1
F	0	1	1	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	1
H	0	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

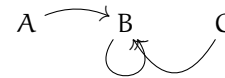
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

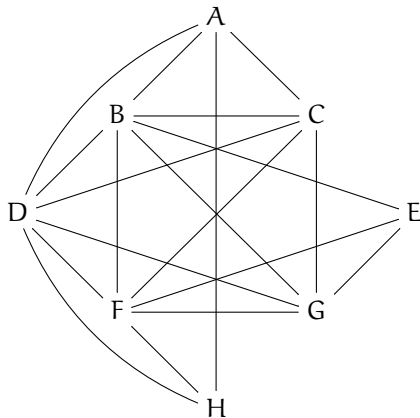
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	6	5	6	3	6	5	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	0	5	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	3	1	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1		
D	1	1	1	1		
E	1	1	1	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	0	1
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	1	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	1	0
D	1	1	1	1	0	1
E	1	1	1	1	0	0
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	1
B	0	1	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	1
H	1	1	0	0	1	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, E, G, H\}$$

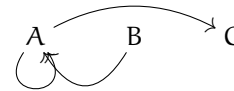
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

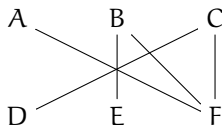
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	2	2	1	1	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	3	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	0
B		0	0	0		0
C		0	0	0		0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	0	1	0
F	1	1	0	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	0
B	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	0	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	0	1	0
F	1	1	0	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	0
B	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	0	1	0
F	1	1	0	1	1	0

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	1	1
C	0	0	1	1	1	0	0	0
D	0	0	1	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	1
F	0	0	1	1	0	0	0	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

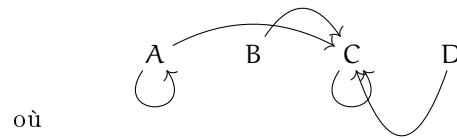
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

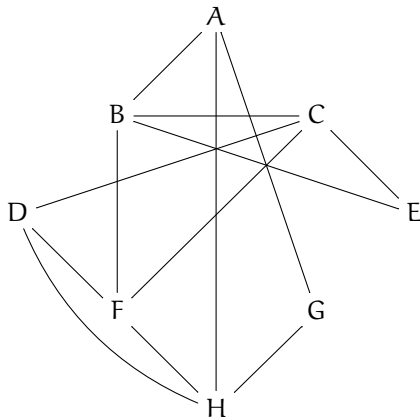
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	4	4	3	2	4	2	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	4	5	3	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	5	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	1	0	1
C	1		1	1		1
D	1	0	1	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0
F	1		1	1		1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	1	0	1
C	1	0	1	1	1	1
D	1	0	1	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0
F	1	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	1	0	1
C	1	1	1	1	0	1
D	1	0	1	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	1	0
B	0	1	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	1	0	1	0	0
F	1	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	1	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X						X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

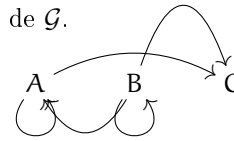
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

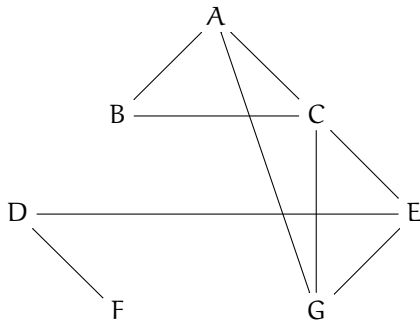
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	4	2	3	1	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	1	4	5	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	1	0	1	1	0
C	0		0	0		0
D	0		0	0		0
E	1	1	0	1	1	0
F	1	1	0	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	1	0	1	1	0
C	0	0	0	0	1	0
D	0	1	0	0	0	0
E	1	1	0	1	1	0
F	1	1	0	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	1	0	1	1	0
C	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0
E	1	1	0	1	1	0
F	1	1	0	1	1	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	1	1	0	1	0
E	0	0	1	1	0	1	1	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	1	0	1	0	1
H	0	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

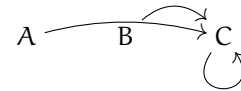
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

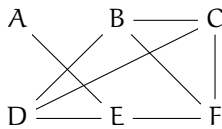
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	3	3	3	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	3	0	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	1	4	5	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C			1	1	1	1
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F			1	1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	1	1	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	0	1	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	1	0	0	0
E	1	0	0	1	0	1	0	0
F	0	1	0	1	1	1	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	1
H	1	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		
$\Gamma^-$		X		X	X	X		

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D, E, F\}$$

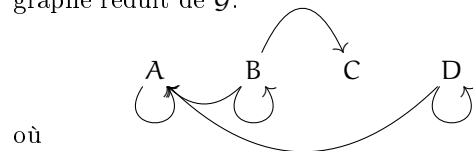
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X		

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X						X	X
$\Gamma^-$							X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

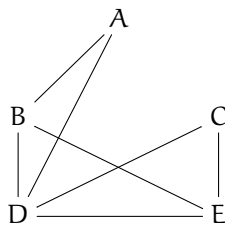
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	2	4	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	1	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	1	5	4	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0		0		0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	0		0		0
E	0	0	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	0	1	0	0	0
E	0	0	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	0	1	1	1	0
D	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	0
E	1	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	1
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, F, H\}$$

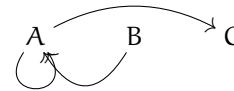
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

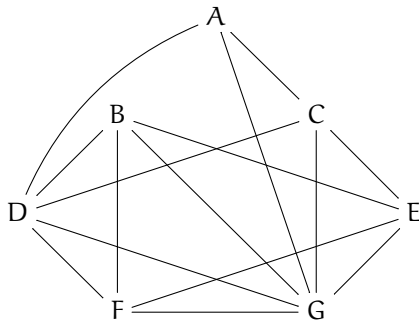
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	4	4	5	4	4	6

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	1	4	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	0	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B		0	0	0	0	
C		0	0	0	0	
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	1	0	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	1	0	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	0	1	0	0
D	0	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	0	1	0	0	1
H	0	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

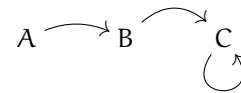
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

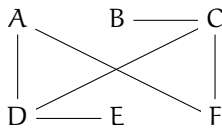
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	3	3	1	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	3	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	1	4	5	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	0			0
C	0	0	0			0
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	0	0
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	1	1	1
B	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	1	0
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	1	1	1	1
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	1
B	1	0	0	1	0	0	1	1
C	1	1	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	0	1	1	1
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	0	1
H	0	0	1	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X		X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

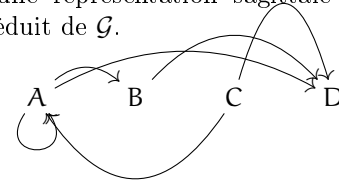
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

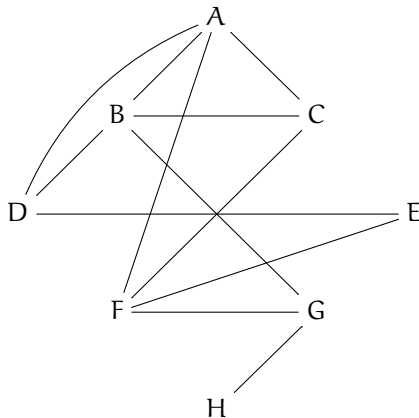
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	3	2	4	3	1

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	0	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B		1	1	1	1	
C	0	1	1	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0
E		1	1	1	1	
F	0	0	1	0	0	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	1
C	0	1	1	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	1	1	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	1	1	1	1	1	0
C	0	1	1	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0
E	0	1	1	1	1	1
F	0	0	1	0	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	1	1	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	0	1	1
F	1	0	1	0	0	0	1	0
G	0	1	1	0	0	1	1	0
H	0	1	1	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X			X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, E, F, G, H\}$$

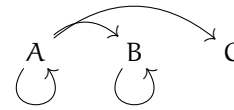
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

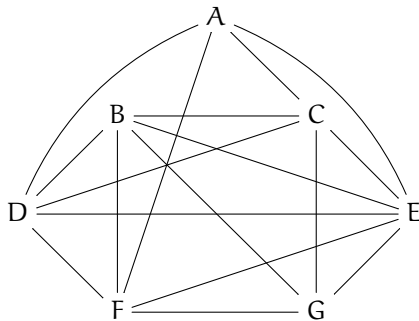
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	5	5	5	6	5	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	5	1	3	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	3	1	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B		1	1		1	1
C		1	1		1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	0	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	0	1	1	1	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	0	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	0	1	1
B	1	1	1	0	1	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	0	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	1	0	0	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1	0	1
F	0	0	1	0	0	0	1	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	1	1	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

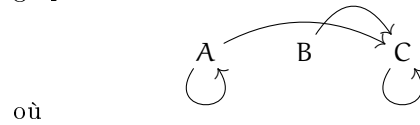
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



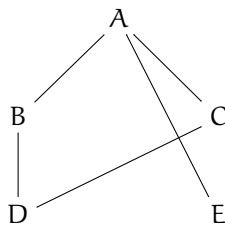
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	2	2	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	5	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	3	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1		1	1	1	
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1		1	1	1	
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	1	1	1
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	0	1	1	0
E	0	1	0	0	1	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	1	0
H	1	0	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X		X	X			

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D, E\}$$

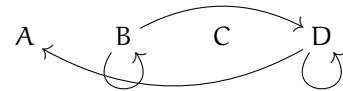
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X					X	X	X
$\Gamma^-$		X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F, G, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

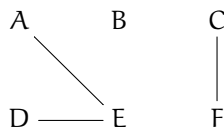
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	0	1	1	2	1

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	1	4	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	0	5	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0		
C	0	0	0	0		
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0	1	0	1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	1
C	0	0	0	0	1	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	1
F	0	0	1	0	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	1	0	1	0	0	0	1	0
F	1	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	0	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

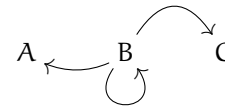
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

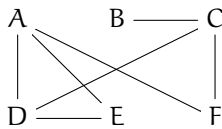
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	1	3	3	2	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	4	5	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	0	3	5	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0		
B	0	0	0	0		
C	0	1	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	1	0	1	1	1
F	0	1	0	0	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	1
C	0	1	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	1	0	1	1	1
F	0	1	0	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	1	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	1	0	1	1	1
F	0	1	0	0	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	1	1
E	0	0	1	0	1	0	0	1
F	1	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	1	0	1	0
H	0	1	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X					X		

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

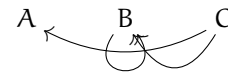
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

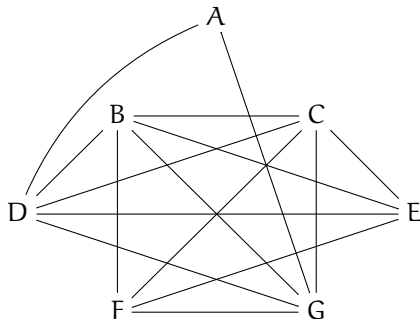
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	5	5	5	4	4	5

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés pairs, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	4	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	5	4	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	0
B	1	0	0	1	1	1
C		0	0		0	0
D	1	0	0	1	1	1
E		0	0		0	0
F	1	0	1	1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	0
B	1	0	0	1	1	1
C	0	0	0	1	0	0
D	1	0	0	1	1	1
E	1	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	0
B	1	0	0	1	1	1
C	1	0	0	0	0	0
D	1	0	0	1	1	1
E	0	0	0	1	0	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	1	0
B	1	0	0	0	1	1	0	0
C	1	0	1	0	0	1	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X			X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

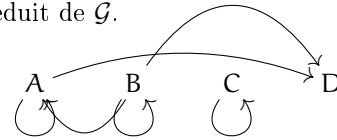
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

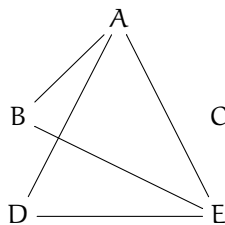
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	0	2	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	3	4	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	5	0	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0			0	0
B	0	0			0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	1
E	0	1	1	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	1
E	0	1	1	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	0	1
E	0	1	1	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	0	0	0
B	1	1	0	0	0	0	0	0
C	0	1	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	1
E	0	0	0	1	0	0	0	1
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X			X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



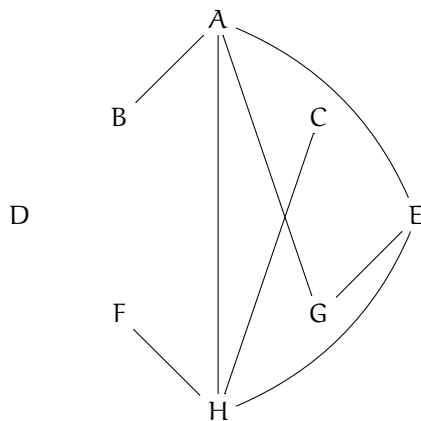
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	1	1	0	3	1	2	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	0	3	5	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	4	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D		1	1	1		1
E	0	0	1	0	0	0
F		1	1	1		1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	1	0	0	0
F	1	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	0	0
D	1	1	1	1	0	1
E	0	0	1	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	0	1	0	1	0	0	0	1
C	0	1	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	1
E	1	0	0	0	0	0	1	0
F	0	0	0	1	1	0	1	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	1	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X				X		X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, E\}$$

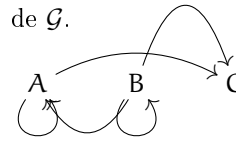
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X	X		X		X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

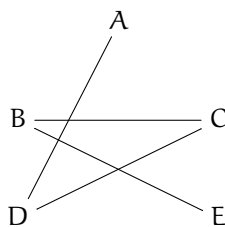
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	2	2	2	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	3	1	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	5	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	0	1
C	0		0		0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	0		0		0	0
F	0	1	1	1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	0	1
C	0	0	0	1	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	0	1
C	0	1	0	0	0	0
D	0	1	1	1	0	0
E	0	0	0	1	0	0
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	0	0	1	0
B	0	1	0	0	0	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	0	0	1	0	0
G	0	1	1	0	1	0	0	0
H	1	1	1	1	1	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X		X		X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, F, G, H\}$$

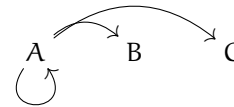
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

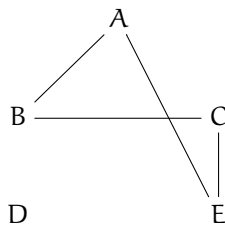
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	2	0	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	4	5	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	1	3	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1			1	1	1
E	1	0	0	0	1	1
F	1			1	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	1	1	1	1
E	1	0	0	0	1	1
F	1	1	0	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1	1	0	1	1	1
E	1	0	0	0	1	1
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	1	0	0	0
C	0	1	0	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	0	0	0	0	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	1
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

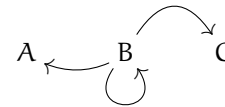
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

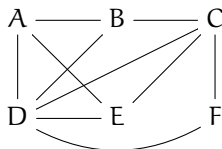
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	4	5	3	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	1	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1			1	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1			1	1
F	1	1	0	0	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	1	1	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	1	0	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	0	1	1
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	1	0	0	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	0	0
B	1	0	0	0	1	0	1	0
C	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	1	1	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	1	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, E, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

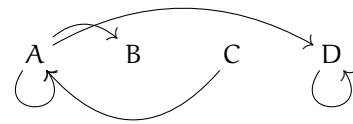
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

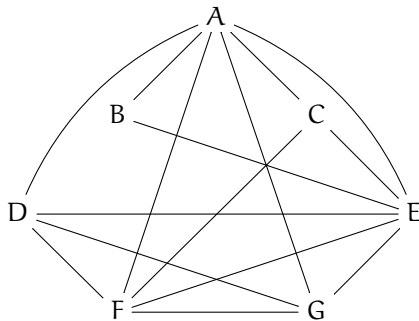
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	6	2	3	4	6	5	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	1	5	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	3	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0		0	0	0	
B	1	1	0	0	0	1
C	0		0	0	0	
D	1	1	1	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	1	1	0	0	0	1
C	0	1	0	0	0	0
D	1	1	1	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	0	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	1	0	0	1	0	0	0	0
C	0	1	0	1	0	0	0	1
D	0	0	0	1	0	0	1	0
E	0	1	0	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	1	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X			X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$					X	X		

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



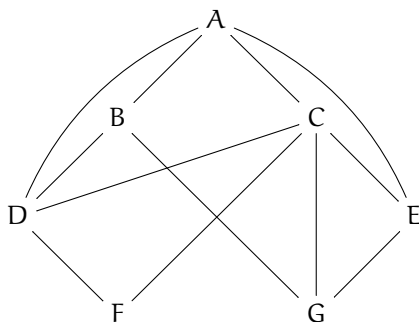
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	3	5	4	3	2	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	5	1	0	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	1	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1		1		1	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1		1		1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	0	0	0	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	0	0	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0
F	1	0	0	0	1	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	1	1	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	1
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	1	0	1	0	1
H	0	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

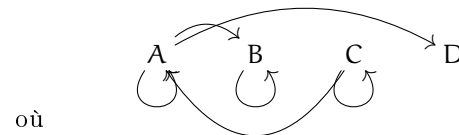
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

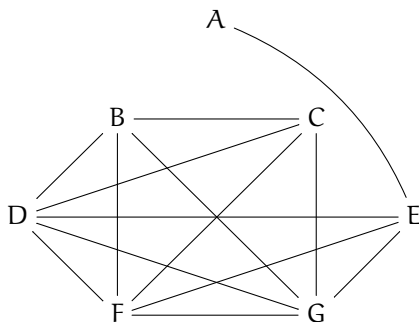
$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	4	4	5	4	5	5

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	3	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	5	0	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	1	1	0	1
C		0	0		0	0
D	1	0	0	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F		0	0		0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	1	1	0	1
C	1	0	0	0	0	0
D	1	0	0	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	0	0	0	1	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	1
B	1	1	1	1	0	1
C	0	0	0	1	0	0
D	1	0	0	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	0	1
C	0	0	0	1	1	1	0	1
D	0	0	0	0	0	0	1	1
E	0	0	1	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	1	1	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X			X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, H\}$$

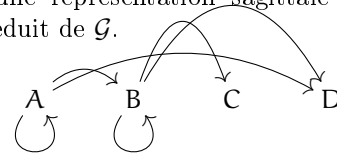
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

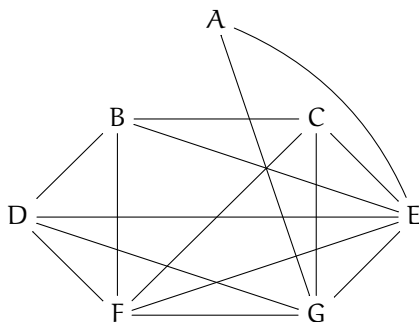
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	4	4	4	6	5	5

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	5	4	0	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	1	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1		1	
B	1	1	0	0	1	0
C	1	1	1		1	
D	1	1	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	1	1	0	0	1	0
C	1	1	1	1	1	0
D	1	1	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	1	1	0	0	1	0
C	1	1	1	0	1	1
D	1	1	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	1	0
C	0	0	0	1	1	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	0	0	1	0	1	0
F	0	0	0	0	1	0	0	0
G	1	0	1	0	1	1	0	0
H	0	0	0	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



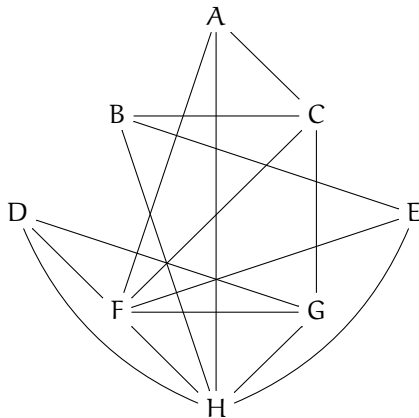
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	4	3	3	6	4	6

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	3	4	5	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0
C	1	1	0	1	1	0
D	1	1		1	1	
E	1	1		1	1	
F	0	1	0	0	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0
C	1	1	0	1	1	0
D	1	1	0	1	1	1
E	1	1	1	1	1	0
F	0	1	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	1	0	0
C	1	1	0	1	1	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	1	0	1	1	1
F	0	1	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	1	0	0	1	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	0	0	1
G	0	1	1	0	0	0	0	1
H	1	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X		X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

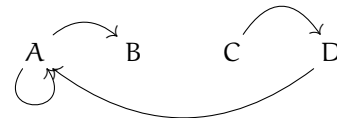
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$				X		X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

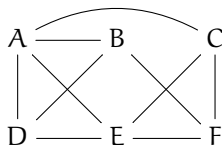
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	3	3	3	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	5	4	4	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	5	0	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	0
B	1	1	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	0
D	1	1	1	0	1	0
E		0		0	0	0
F		0		0	0	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	0
B	1	1	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	0
D	1	1	1	0	1	0
E	1	0	0	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	1	0
B	1	1	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	0
D	1	1	1	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	0	0	0	0
B	1	0	1	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	1	0
D	0	1	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	1	1	1	0	0	0	0	0
G	0	0	0	1	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, F, G\}$$

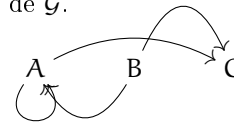
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

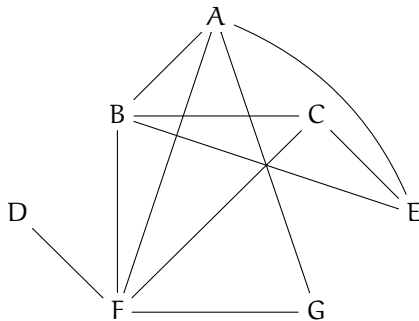
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	4	3	1	3	5	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	1	5	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1		1		1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1		1		1
E	1	1	0	1	0	1
F	0	1	0	1	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	0	1	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1	0	1	1	1
E	1	1	0	1	0	1
F	0	1	0	1	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	1	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	1	0	0	1	0
D	1	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1	0	0
F	1	0	1	0	0	0	0	0
G	0	1	0	0	1	0	0	0
H	0	1	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

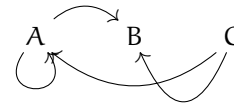
$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

où



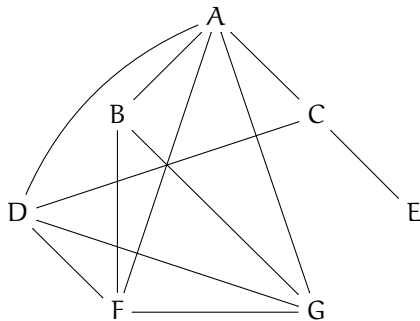
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	3	3	4	1	4	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés pairs, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	4	5	3	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	0		0		0
C	0	1	1	0	1	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	1	1	1	0
F	0	0		0		0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	0	1	0	0	0
C	0	1	1	0	1	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	1	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	0	0	0	1	0
C	0	1	1	0	1	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	1	1	1	0
F	0	0	1	0	0	0

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	1	0	1
B	1	0	0	0	1	1	0	0
C	0	0	0	0	0	0	1	1
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	1	1	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	0	0	0	0	1	1	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

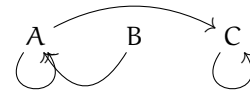
$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

où



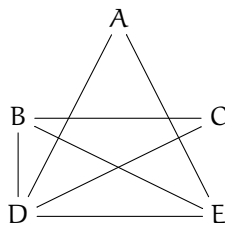
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	2	4	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	0	4	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B		1	1		1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	1	1	0	1	1
E		1	1		1	1
F	0	1	1	0	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	1	1	1	0	1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	1	1	1
F	0	1	1	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	1	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	1	1	0	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	1
B	0	1	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	1	0	0	1	0	0	0	1
G	1	0	1	0	1	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X		X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

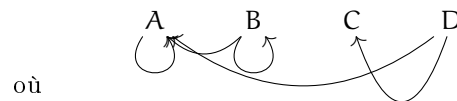
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$				X		X		

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

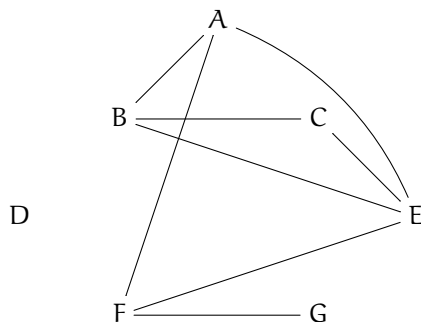
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	2	0	4	3	1

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	0	1	5	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	4	1	4	1	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0
D	1	1		1		1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1		1		1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0
D	1	1	1	1	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0
D	1	1	0	1	1	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	1
C	1	0	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	1	0	0
F	1	0	0	1	0	0	1	0
G	1	1	0	0	0	0	0	0
H	1	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

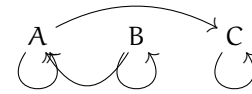
$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

où



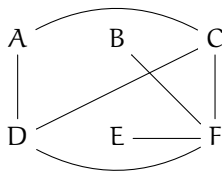
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	3	3	1	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	1	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	0	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	1	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0		0	0	0	
E	0		0	0	0	
F	0	1	0	1	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	1	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	1	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1
F	0	1	0	1	0	1

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	1	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	1	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	1	1	1	1
F	1	0	0	0	0	0	1	0
G	0	1	0	1	0	0	0	0
H	0	1	1	1	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X			X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, D, E, F, G, H\}$$

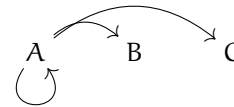
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

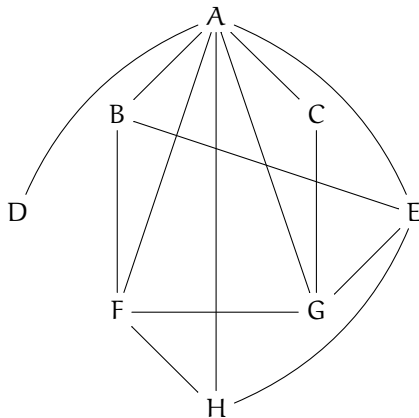
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	7	3	2	1	4	4	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	1	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	4	4	1	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1		1	
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1		1	
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	1	0
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	1	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0	1	0
C	0	0	0	1	0	1	0	1
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0	1	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	1	0
H	1	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, G, H\}$$

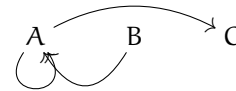
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

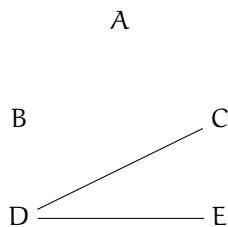
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	0	0	1	2	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	4	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	3	0	5	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0		0	0		0
B	0	1	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	0	0	1	1
F	0		0	0		0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	0	0	1	1
F	0	0	0	0	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	1	1	0	1	1
C	1	1	1	0	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	0	0	1	1
F	0	1	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	1	0	1	0
C	0	0	1	1	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	1	0	0	0
H	1	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X					X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$		X	X	X	X		X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, G\}$$

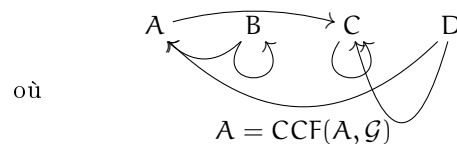
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X					X		X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

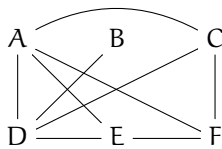
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	1	3	4	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	0	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B		0		0	0	0
C	1	0	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F		0		0	0	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	0	1	0	0	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	1	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	1	1
D	0	1	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	1	0	0	0
H	1	0	0	0	1	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$		X		X		X		

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, D\}$$

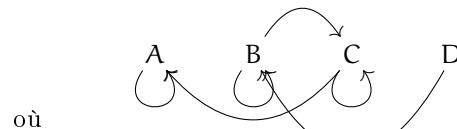
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X		X	X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

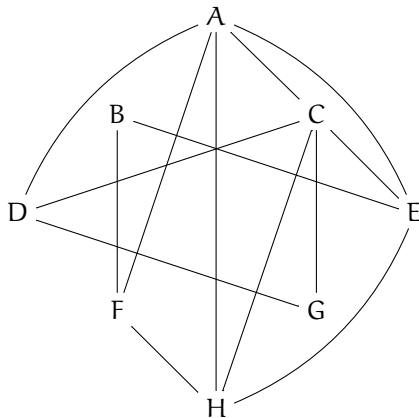
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	2	5	3	4	3	2	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	4	5	3	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	0		0	0	
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0		0	0	
F	0	1	1	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	1
F	0	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	1
C	0	1	1	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	1	0	0	0
F	0	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	0	0
C	0	1	1	0	0	0	1	0
D	0	0	1	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0	1	0
G	0	1	0	0	0	1	0	1
H	0	0	0	0	1	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

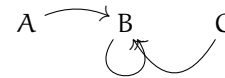
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, E, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

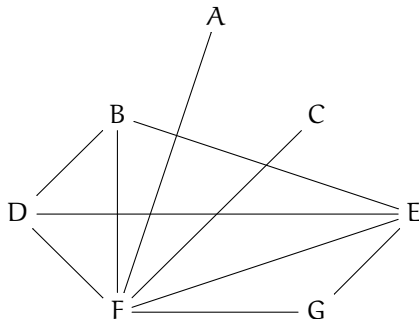
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	1	3	1	3	4	6	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	4	4	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	0	5	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0		0	
B	0	0	0		0	
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	0	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	0	0	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	1	0	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	0	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	0	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	0	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	0	0	1	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	1	0	1	0	0	0
C	0	0	1	1	1	1	0	1
D	0	0	1	0	1	0	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	1	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X	X		X		X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, F, H\}$$

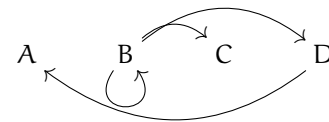
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X						X	
$\Gamma^-$		X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

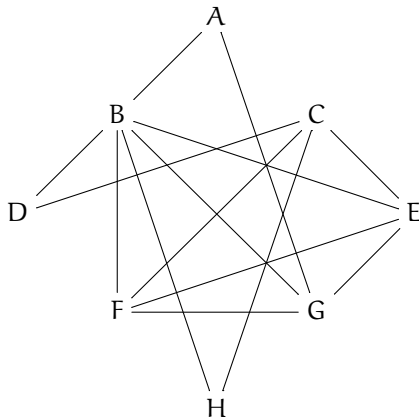
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	6	4	2	4	4	4	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire alors il existe un circuit eulérien. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	4	4	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	0	5	4	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	1	0
D	0	0		0		0
E	0	0	1	1	1	0
F	0	0		0		0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	1	0
D	0	0	0	0	1	0
E	0	0	1	1	1	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	1	0	1	1	1	0
C	1	0	1	1	1	0
D	0	0	1	0	0	0
E	0	0	1	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	1	1	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0
D	1	0	0	0	1	0	0	0
E	0	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	1	1	0	1	1	0
G	0	1	0	1	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, D, E, F, G\}$$

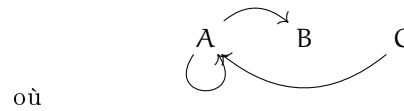
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



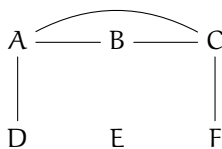
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	3	1	0	1

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	1	3	5	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	5	3	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0		0	0	
B	0	0		0	0	
C	1	0	1	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	0	1
C	1	0	1	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	1	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	1	0	0	0	0	0	0	0
G	0	1	1	0	0	1	1	0
H	0	0	0	0	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X			X	X	X
$\Gamma^-$	X		X			X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X			X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

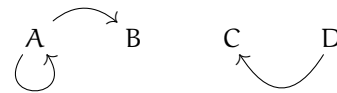
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$				X	X			

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X	X			
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

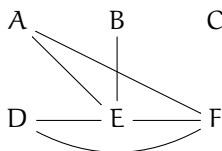
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	1	0	2	4	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	3	0	5	4	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	5	4	3	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0
D		1	1	1		1
E	0	1	1	1	0	1
F		1	1	1		1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	1	1	0	1
F	1	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	0	0
B	0	1	1	0	0	1
C	0	0	0	0	0	0
D	1	1	1	1	0	1
E	0	1	1	1	0	1
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	1	0	0	0	1
B	0	1	1	0	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	0	0	1
F	1	0	0	0	1	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X			X				X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X		X	X	X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, E, F, G\}$$

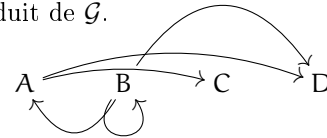
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

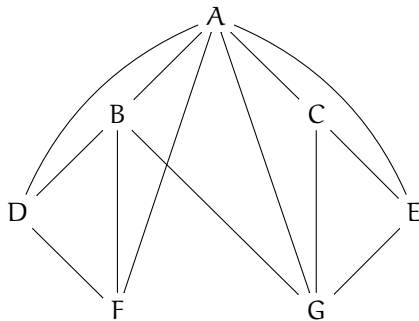
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	6	4	3	3	3	3	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	4	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	4	1	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1		1		1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	0
F	1		1		1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	1	1
B	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0	0	0
C	0	1	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	0	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	0	1	1	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X					X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, H\}$$

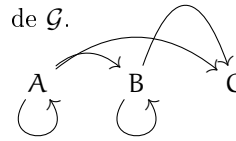
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

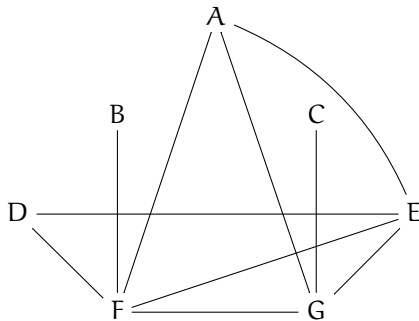
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	1	1	2	4	5	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	0	1	5	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	1	3	4	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D		1		1	1	1
E		1		1	1	1
F	0	1	0	0	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1	0	1	1	1
E	0	1	1	1	1	1
F	0	1	0	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	0	1	0	0	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappeurs se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappeurs tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappeurs représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappeurs qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	1	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0
C	1	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	1	0	0	0	0	0	0	1
F	1	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	0	1	0
H	0	0	0	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

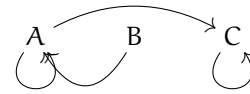
$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

où



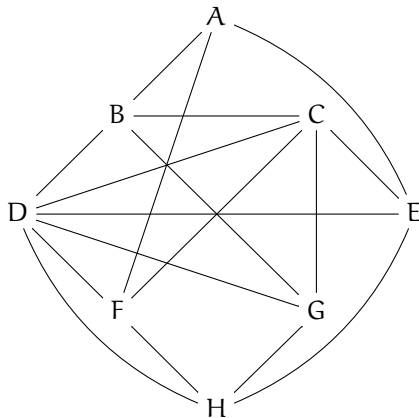
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	4	5	6	4	4	4	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	0	5	4	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0
C		1	1		1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	0	1	0
F		1	1		1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	0	1	0
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0
C	0	1	1	1	1	1
D	0	1	1	0	1	1
E	0	1	1	0	1	0
F	1	1	1	0	1	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	0
C	0	0	1	0	0	0	1	0
D	1	0	1	0	0	0	1	0
E	0	0	0	1	0	0	0	0
F	0	1	0	0	0	0	1	0
G	0	0	0	1	0	0	0	0
H	1	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$					X			X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



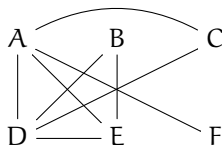
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	2	2	4	3	1

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	0	1	3	5	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	1	5	4	3	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1		1	1	1	
E	1		1	1	1	
F	1	0	1	1	1	0

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	1	1	1	1	0
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0
D	1	0	1	1	1	1
E	1	1	1	1	1	0
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	0	0	1	0
B	0	1	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	1	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	0	0	0	1
F	1	1	1	1	0	0	0	0
G	0	1	0	1	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X		X		X	X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X		X			X
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

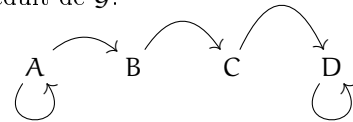
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

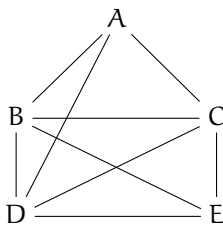
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	4	4	4	3

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	1	3	5	4	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	5	3	0	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	0	1
B		0		0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F		0		0	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	1	0	1
B	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	1	1	1	1	0	1
E	1	0	1	1	0	1
F	1	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	0	1	1	1
B	0	1	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	1
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	1	0	0	0
G	1	0	0	1	0	0	1	1
H	0	0	0	1	0	1	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X			X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, D, E, F, G, H\}$$

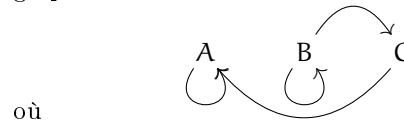
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



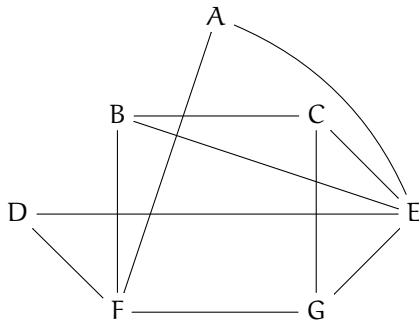
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	3	3	2	5	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés pairs, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	3	4	1	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	3	5	5	1	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	0	1	1	0	1
D	0	1	1	1	0	1
E	0	0			0	0
F	0	0			0	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	0	1	1	0	1
D	0	1	1	1	0	1
E	0	0	0	1	0	0
F	0	0	1	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	1	1	1
C	0	0	1	1	0	1
D	0	1	1	1	0	1
E	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



# Contrôle Graphe & Langages Correction du sujet 106

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

## Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	1	1	0	0
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	1	1	1	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X		X	X		X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

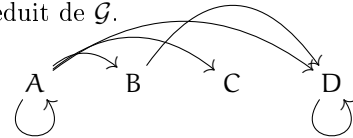
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

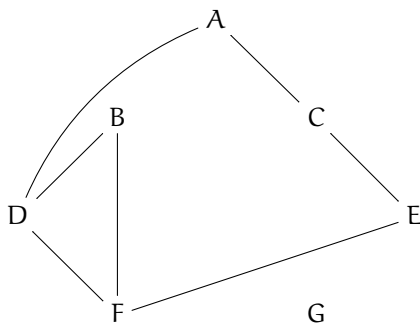
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

## Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	2	3	2	3	0

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	5	1	3	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	3	4	5	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	1	1	1	1	1
D	0		0	0		0
E	0	1	0	1	1	0
F	0		0	0		0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	1	1	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	0	1	1	0
F	0	1	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	1	0
B	0	1	1	1	1	0
C	0	1	1	1	1	1
D	0	1	0	0	0	0
E	0	1	0	1	1	0
F	0	0	0	0	1	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

# Contrôle Graphe & Langages

## Correction du sujet 107

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	1	0	0	0	0	0	0
B	1	1	0	0	0	1	0	0
C	0	0	0	1	0	1	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	1	0	0	1
F	0	0	1	1	0	0	0	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	1	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X	X					X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B\}$$

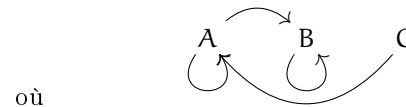
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X		X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$							X	

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



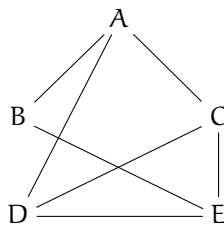
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	3	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	5	1	3	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	0	3	4	5	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0		
B	0	0	1	1	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0		
E	0	0	0	1	1	1
F	0	0	1	1	1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	0	1
B	0	0	1	1	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	0	0	0	1	1	1
F	0	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	0	0	1	1	1	1
C	1	0	1	1	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	1	1	1
F	0	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	1	0	1	1	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	1	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	1	0	1	0	0	0	1
H	1	0	0	0	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, E, F, G, H\}$$

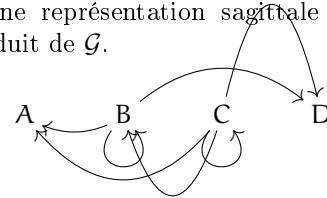
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

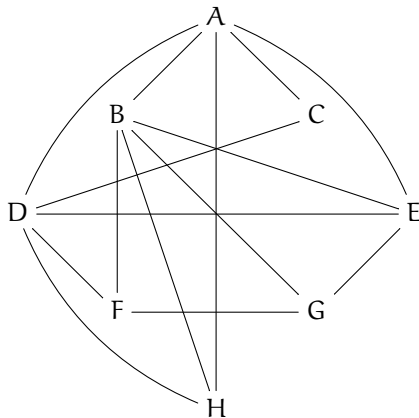
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	5	2	5	4	3	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	4	4	5	1
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	0	5	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B		0	0		0	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	0	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F		0	0		0	0

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	0	0	0	1	0	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	0	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	0	1	1	1
D	1	0	0	1	1	1
E	1	1	0	1	1	1
F	0	0	0	1	0	0

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	1	0	0	0	0
B	0	1	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	1	0	1	1	0
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	1	0	0	0	1	0	0
F	0	0	0	0	0	0	1	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	1	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X							X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X			X			X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, E\}$$

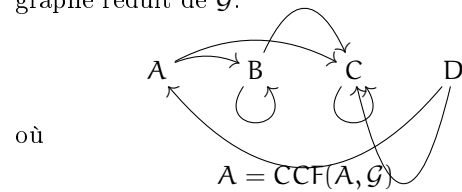
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X		X	X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

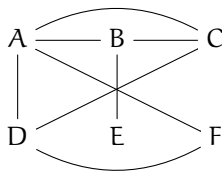
$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	4	3	3	3	1	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	1	4	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	1	0	1	1	1
C	0		0	0		0
D	0		0	0		0
E	0	1	0	1	1	0
F	0	1	1	1	1	1

1

2. Faites une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	1	0	1	1	1
C	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0
E	0	1	0	1	1	0
F	0	1	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	1	1
B	0	1	0	1	1	1
C	0	0	0	0	1	0
D	0	1	0	0	0	0
E	0	1	0	1	1	0
F	0	1	1	1	1	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	1	0	1	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	1	0	1	1
D	1	0	0	0	1	1	0	0
E	0	0	1	0	1	0	0	1
F	1	1	0	0	0	0	0	0
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	1	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X		X		X	X
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$		X		X		X		

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

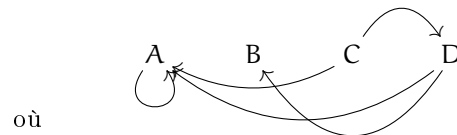
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$				X		X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

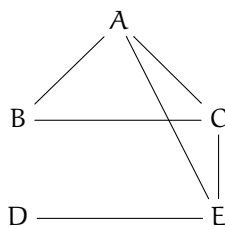
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	3	1	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	1	4	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	1	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1			1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1			1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	0	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	1	0	0
B	1	1	0	1	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1	0
F	1	0	0	0	0	0	1	0
G	0	1	0	0	0	0	0	0
H	0	1	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	
$\Gamma^-$	X	X		X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, D, E, F, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X					
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$								X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



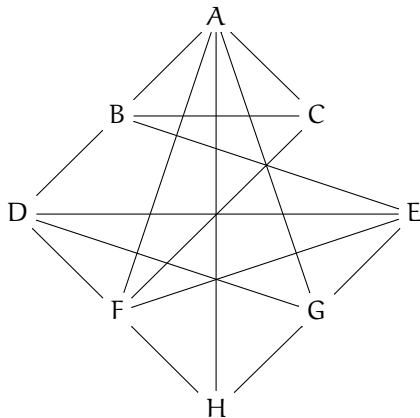
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	4	3	4	4	5	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	4	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	5	4	0

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	0
B		0	0		0	0
C	1	1	1	1	1	0
D	1	0	1	1	1	0
E		0	0		0	0
F	1	0	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	0
B	0	0	0	1	0	0
C	1	1	1	1	1	0
D	1	0	1	1	1	0
E	1	0	0	0	0	0
F	1	0	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	1	1	0
B	1	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	1	0
D	1	0	1	1	1	0
E	0	0	0	1	0	0
F	1	0	1	1	1	0

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	1	1	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	1	0
C	0	1	1	0	0	1	0	0
D	0	1	0	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1	0	1
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	1	0
H	0	0	1	0	0	1	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

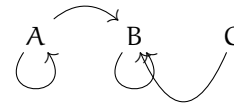
$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5

où



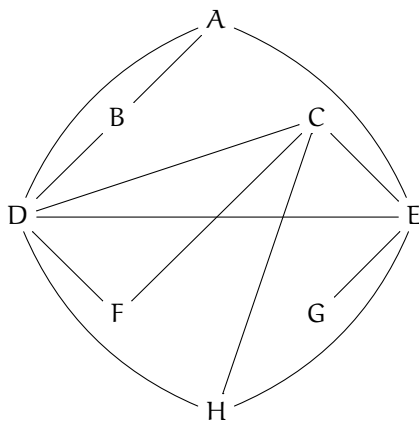
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	2	4	6	5	2	1	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	5	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	3	1	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1			1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1			1
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	1	0	1
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	1	1
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	0	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	1	1	0	0
B	0	0	0	0	0	1	0	1
C	0	0	0	1	1	0	0	1
D	0	0	1	0	0	0	0	1
E	0	0	0	0	0	0	0	1
F	0	0	1	0	0	1	0	0
G	0	0	1	1	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X							

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

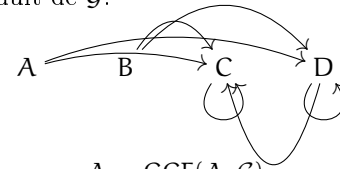
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X		X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X				X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

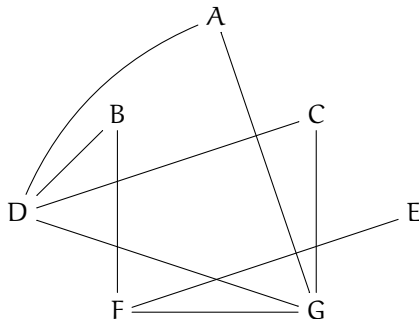
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	2	4	1	3	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	1	5	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	4	3	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	0	0	1
C	0		0	0	0	
D	0	1	1	1	1	1
E	0		0	0	0	
F	0	1	1	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	0	0	1
C	0	1	0	0	0	0
D	0	1	1	1	1	1
E	0	0	0	0	0	1
F	0	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	1	0	0	1
C	0	0	0	0	0	1
D	0	1	1	1	1	1
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	1	0	0
B	0	0	0	0	1	1	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	1
D	1	0	1	0	0	0	0	0
E	0	0	1	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	1	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	1	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X			X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, H\}$$

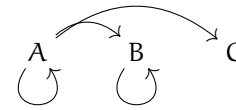
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X		X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$							X	
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(G, \mathcal{G}) = \{G\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

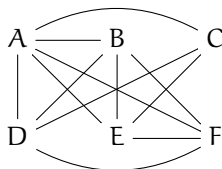
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(G, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	4	3	4	4	4

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	3	5	1	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	0	5	3	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	0	1	0	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0		0	0	0	
E	0		0	0	0	
F	0	1	1	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	0	1	0	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1
F	0	1	1	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	1	1	0	1
B	0	1	0	1	0	1
C	0	1	1	1	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0
F	0	1	1	1	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	1	0	0	1	0
B	0	0	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	1	1	0	0	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	1	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X			X		X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$			X			X		
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

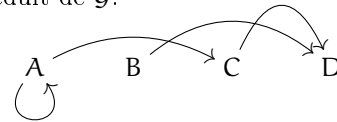
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X		X		
$\Gamma^-$	X	X		X	X		X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

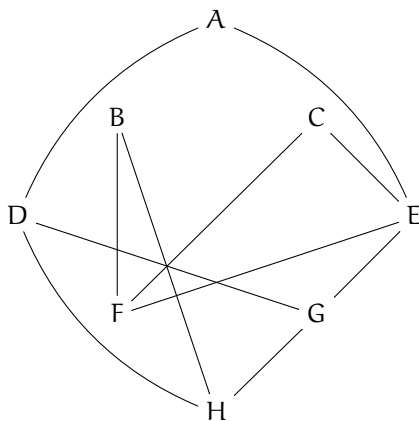
$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	2	2	2	3	4	3	3	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	4	1	1	5	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	0	4	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	1	0	1	1
C		0	0	0	0	
D		0	0	0	0	
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	1	0	1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	1	0	1	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	0	0	0	0	0
E	1	0	1	1	1	1
F	1	0	1	0	1	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	0	0	0	0	0	1
B	0	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	0	1
D	0	1	0	1	0	0	1	0
E	1	0	0	0	1	0	0	1
F	0	1	0	0	0	0	0	0
G	0	0	1	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X			X	X	X
$\Gamma^-$	X				X			

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X			X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, F, G, H\}$$

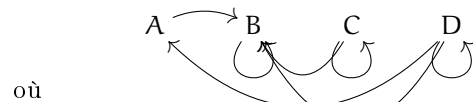
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X	X	X		X	X	X
$\Gamma^-$				X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X		X	X	X	X
$\Gamma^-$					X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

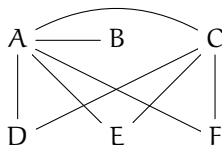
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	1	4	2	2	2

Puisque tous les sommets sont de degrés paire sauf exactement deux, il existe une chaîne eulérienne. Il est donc possible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	0	4	1	5	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	4	1	1	3	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1			1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1			1	1
F	1	1	0	0	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	1	0	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	1	1
B	0	0	0	0	0	0
C	1	1	0	0	1	1
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	0	1	1	1
F	1	1	0	0	0	1

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	1	0	0	0	1	0
C	0	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	1	0	1	0	1
E	1	0	0	1	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	0
G	1	1	0	0	0	0	0	1
H	0	0	1	0	0	0	0	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

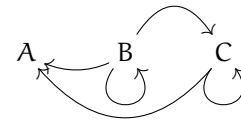
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X					X	

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, G\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X		X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C, D, E, F, H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

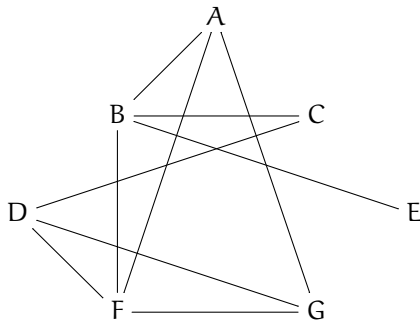
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	4	2	3	1	4	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

$\text{Som}(\mathcal{G})$	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	5	4	5	0
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	3	1	4	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	0	1	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1		1		1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1		1		1	1
F	0	0	0	0	0	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	0	1	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	1	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	0	0	0	0	0	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	0	0	1	1
B	1	0	0	0	0	0
C	1	1	1	0	1	1
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	1	1	1
F	0	0	0	0	0	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	1	0	0	0	1	0	0	0
B	0	0	0	0	1	1	1	0
C	0	0	0	1	1	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	0	0	1	1	1	0
F	0	1	0	0	0	0	1	0
G	1	0	0	0	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	1	1

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X			X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, E, F, G, H\}$$

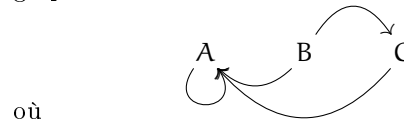
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X					

$$\text{CCF}(C, \mathcal{G}) = \{C\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X		X	X	X	X	X
$\Gamma^-$			X	X				

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



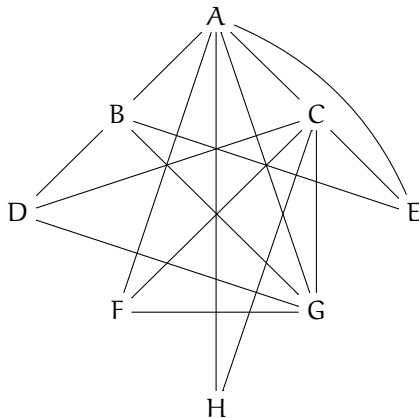
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(C, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	6	4	6	3	3	3	5	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	1	1	4	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	1	4	0	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	1	0	1	0	1
C	0		0	0	0	
D	0		0	0	0	
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	1	0	1	0	1
C	0	0	0	0	0	1
D	0	1	0	0	0	0
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	1	0	1
B	0	1	0	1	0	1
C	0	1	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	1
E	1	1	0	1	0	1
F	1	1	0	1	0	1

### Exercice 4

Dans une portée 17 chatons jouent les uns avec les autres. Les affinités, toujours réciproque, entre ces chats sont telles que chaque animal joue avec tous les autres sauf 2. Si les chatons sont nommés A, B, ..., Q, expliquez qui joue avec qui.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 17 chatons représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les chatons qu'ils représentent jouent ensemble. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 15 (= 17 - 2)$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $17 \times 15 = 255$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	0	0	0	0	1
B	0	0	0	1	1	0	1	0
C	0	0	0	0	0	1	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	1	0	0
F	1	0	1	1	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	1	0	0
H	1	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 4). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X		X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, F, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X						

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

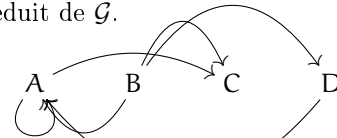
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X		X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$		X			X			

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

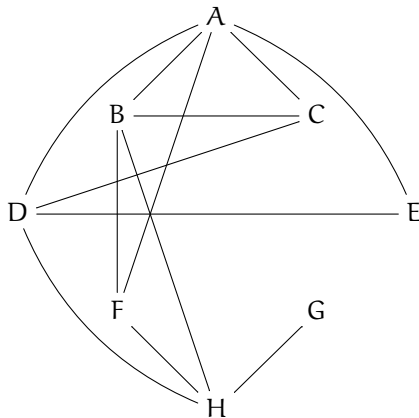
$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$D = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	4	3	4	2	3	1	4

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	5	5	3	0	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	1	3	4	5	4	1

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B		1	1	1	1	
C		1	1	1	1	
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	0	1	1	1	1	1
C	1	1	1	1	1	0
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	1	0	0
B	1	1	1	1	1	0
C	0	1	1	1	1	1
D	0	0	1	1	1	0
E	0	0	0	0	0	0
F	0	1	1	1	1	0

### Exercice 4

Un groupe de sept amis se rencontre. Chacun serre la main à exactement 5 autres. Nommons les 7 amis A, B, ..., G. Expliquez qui serre la main de qui (on signale qu'une poignée de main est toujours réciproque).

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 7 amis représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les amis qu'ils représentent se serrent la main. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 7 = 35$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	0	0
B	1	0	1	0	0	0	0	1
C	0	1	0	1	0	0	1	1
D	0	0	1	0	0	0	0	0
E	0	1	1	0	1	0	0	0
F	0	0	0	1	1	0	0	0
G	0	0	1	1	1	0	0	0
H	0	0	0	0	0	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X							
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A\}$$

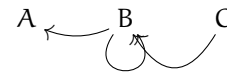
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X		X	X
$\Gamma^-$		X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B, C, D, E, G, H\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$						X		

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

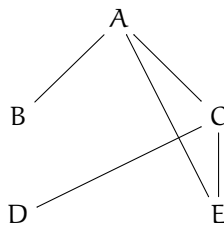
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	1	3	1	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	4	5	1	4	1	3
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	3	4	0	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	1
B	1	1	1	0	1	1
C		0	0	0	0	
D	1	1	1	0	0	1
E		0	0	0	0	
F	1	0	1	0	0	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	1
B	1	1	1	0	1	1
C	0	0	0	0	0	1
D	1	1	1	0	0	1
E	1	0	0	0	0	0
F	1	0	1	0	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	1	0	0	1
B	1	1	1	0	1	1
C	1	0	0	0	0	0
D	1	1	1	0	0	1
E	0	0	0	0	0	1
F	1	0	1	0	0	1

### Exercice 4

Une meute est composée de 13 loups. Chaque loup, numéroté de 1 à 13, se battra avec exactement 5 de ses congénères. Expliquez quel animal se bat avec quel animal.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 13 loups représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les loups qu'ils représentent se battent. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 5$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $5 \times 13 = 65$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

# Contrôle Graphe & Langages

## Correction du sujet 121

*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

### Exercice 1

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	1	1	0	0	1	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	1	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	1	0	0	0	1
F	1	0	0	0	1	0	1	1
G	1	0	0	0	0	0	0	0
H	0	0	0	0	1	0	1	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X		X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, C, E, F, G, H\}$$

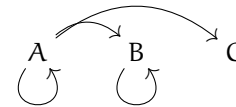
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$		X						
$\Gamma^-$	X	X	X		X	X	X	X

$$\text{CCF}(B, \mathcal{G}) = \{B\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X				
$\Gamma^-$	X		X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

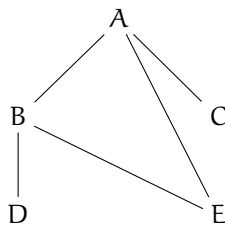
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(B, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

### Exercice 2

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	3	1	1	2

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	1	4	4	1	3	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	4	0	5	1	5	3

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

	A	B	C	D	E	F
A	0	0		0		0
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	0	1	1
D	0	0		0		0
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	1

1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	0	0	1	0
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	0	1	1
D	0	0	1	0	0	0
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	0	0	1	0	0	0
B	1	0	1	0	1	1
C	1	0	1	0	1	1
D	0	0	0	0	1	0
E	1	0	1	0	1	0
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Onze enfants s'échangent des cartes pokémons. L'échange est toujours réciproque (un enfant donnant une carte à un autre reçoit simultanément une carte de cet autre). Cependant chaque enfant n'échangera qu'avec 3 autres enfants distincts. Les enfants sont numérotés de 1 à 11. Indiquez quel enfant échange avec quel autre enfant.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 11 enfants représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les enfants qu'ils représentent s'échangent des cartes. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 3$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $11 \times 3 = 33$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5



*La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.*

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	0	0	0	0	1	1
B	0	1	0	0	1	0	0	1
C	1	1	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	1	0	0	0	1
G	0	0	0	0	1	1	0	0
H	0	1	1	1	1	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X			X	X	X

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, F, G, H\}$$

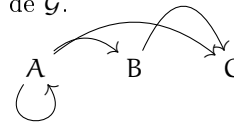
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$				X	X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X		X	X	X

$$\text{CCF}(D, \mathcal{G}) = \{D\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$					X			
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	X

$$\text{CCF}(E, \mathcal{G}) = \{E\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

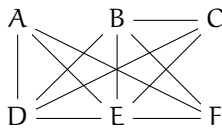
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(D, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(E, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	3	4	3	4	5	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

<b>Som</b> ( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	3	1	0	4	5	5
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	5	1	4	1	3	4

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1		1		1	1
F	1		1		1	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	0	1	1	1	1
F	1	1	1	0	1	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	0	1	0	0	1
B	1	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0
D	1	0	1	0	1	1
E	1	1	1	0	1	1
F	1	0	1	1	1	1

### Exercice 4

Dans un octogone, 15 rappers se tapent dessus. Chaque rappeur est numéroté de 1 à 15. Chaque rappeur cognera sur exactement 7 de ses congénères (les bagares sont toujours réciproques ; si 1 tape sur 2 alors 2 tape sur 1). Indiquer quels rappers tapent sur quels autres.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacun des 15 rappers représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les rappers qu'ils représentent se tapent dessus. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $15 \times 7 = 105$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5

La qualité de la rédaction ainsi que la propreté de la copie seront pris en compte dans l'évaluation.

**Exercice 1**

Considérons le graphe orienté  $\mathcal{G}$  de représentation matricielle

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	0	0	1	1	1	1	0	0
B	1	0	0	1	0	1	1	0
C	0	1	0	1	1	0	1	1
D	0	1	0	0	0	0	1	1
E	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	1	0	0	1	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0

1. Déterminer les différentes composantes connexes fortes de  $\mathcal{G}$  (il y en a 3). 2

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$	X	X	X	X	X	X	X	X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	

$$\text{CCF}(A, \mathcal{G}) = \{A, B, C, D, E, G\}$$

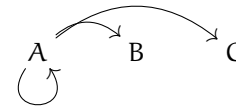
	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$						X		
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X	X	X	

$$\text{CCF}(F, \mathcal{G}) = \{F\}$$

	A	B	C	D	E	F	G	H
$\Gamma^+$								X
$\Gamma^-$	X	X	X	X	X		X	X

$$\text{CCF}(H, \mathcal{G}) = \{H\}$$

2. Donner une représentation sagittale de  $\mathcal{G}_{\text{red}}$  le graphe réduit de  $\mathcal{G}$ . 1.5



où

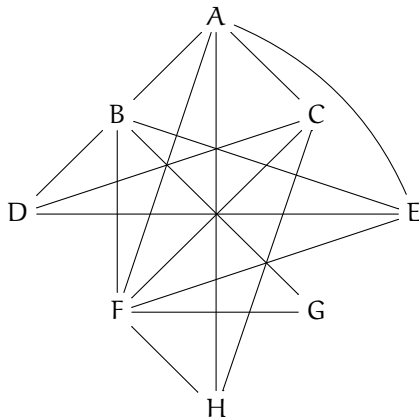
$$A = \text{CCF}(A, \mathcal{G})$$

$$B = \text{CCF}(F, \mathcal{G})$$

$$C = \text{CCF}(H, \mathcal{G})$$

**Exercice 2**

On considère le graphe où chaque sommet est une intersection et une arête... une arête du dessin. On a alors le graphe suivant :



Le calcul des degrés donne :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F	G	H
$d^1(\bullet, \mathcal{G})$	5	5	4	3	4	6	2	3

Puisque strictement plus de deux sommets sont de degrés paire, il n'existe pas de chaîne eulérienne dans le graphe. Il est donc impossible de réaliser ce dessin avec les contraintes de l'énoncé.

### Exercice 3

Dans cet exercice, on cherche à déterminer tous les graphes  $\mathcal{G}$  satisfaisant les contraintes suivantes :

Som( $\mathcal{G}$ )	A	B	C	D	E	F
$d^{+1}(x, \mathcal{G})$	5	3	4	1	1	4
$d^{-1}(x, \mathcal{G})$	3	5	0	4	1	5

1. Indiquer dans la matrice ci-dessous, tous les coefficients déterminés sans faire d'hypothèse supplémentaire :

1

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0		0	0	0	
E	0		0	0	0	
F	1	1	0	1	0	1

2. Faire une hypothèse permettant de déterminer un graphe solution.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0	1	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1
F	1	1	0	1	0	1

3. Déterminer l'autre solution répondant aux contraintes.

0.5

	A	B	C	D	E	F
A	1	1	0	1	1	1
B	0	1	0	1	0	1
C	1	1	0	1	0	1
D	0	0	0	0	0	1
E	0	1	0	0	0	0
F	1	1	0	1	0	1

### Exercice 4

Dans un pays, le gouvernement veut créer de nouveaux couloirs aériens entre 9 villes. Chaque ville, notée de A à I, devra disposer d'exactly 7 couloirs aériens. Indiquer les villes reliées entre elles par ces couloirs.

On considère le graphe  $\mathcal{G}$  où chacune des 9 villes représente un sommet. Deux sommets étant reliés si les villes qu'ils représentent sont reliées par un couloir. L'énoncé impose donc que pour chaque sommet  $x$ ,  $d^1(x, \mathcal{G}) = 7$ . Mais le théorème des degrés stipule que la somme des  $d^1$  doit être un nombre pair. Or  $9 \times 7 = 63$  ce qui rend cette configuration impossible.

1.5